

Informatik

Quick Sort:



worst case:

- jedes „Randelement“ als Trennelement

⇒ n-1 Schritte

Aufwand pro Schritt (i-ter Schritt → n-1 Vergleiche)

Gesamtaufwand

$$\sum_{i=1}^{n-1} (n-i) = \sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{n(n-1)}{2}$$

(Bild 4.1)

best case:

- Trennelement in der Mitte

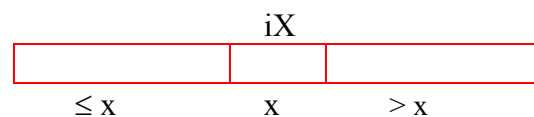


⇒ log₂(n) Schritte

Aufwand pro Schritt ≤ n

Gesamtaufwand = n * log₂(n) = O(n log n)

Das k-Kleinste-Element:



Trennalgorithmus (Quick Sort):

- k < iX : suche links
- k = iX : gefunden
- k > iX : suche rechts

best case:

1. Schritt: n k-ter Schritt
2. Schritt: n/2 n/(2^(k-1))
3. Schritt: n/4

(Bild 4.2)

Prinzipien zum sortieren:

- Vergleichen (+ Vertauschen), bestenfalls $O(n \cdot \log n)$
- Zählen (wie oft kommt jeder Schlüsselwert vor)
- Berechnung (der vermeintlich korrekten Position)

Sortieren durch zählen (Bottom-up Radix sort):

Schlüsselwerte (5, 3, 4, 5, 2, 1, 5, 0, 1, 2, 3)

0	I	0	
1	II	1	
2	II	3	
3	II	5	5 6
4	I	7	7 8
5	III	8	8 9

0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	3
7	4
8	5
9	5
10	

Gegebene Zahlen

	1	5	2	1
	1	6	3	2
	1	5	3	1
	2	4	2	3
	3	1	1	2
	2	5	3	2
Stelle	4	3	2	1

1. Schritt (sortieren der 4. Stelle)

	1	5	2	1
	1	5	3	1
	1	6	3	2
	3	1	1	2
	3	5	3	2
	2	4	2	3
Stelle	4	3	2	1

2. Schritt (sortieren nach der 3. Stelle)

3. Schritt (sortieren der 2. Stelle)

	3	1	1	2
	1	5	2	1
	2	4	2	3
	1	5	3	1
	1	6	3	2
	2	5	3	2
Stelle	4	3	2	1

	3	1	1	2
	2	4	2	3
	1	5	2	1
	1	5	3	1
	2	5	3	2
	1	6	3	2
Stelle	4	3	2	1

Zeitkomplexität: $d * n * 2$
 Mit d = Länge der Strings,
 n = Anzahl der Strings

Quicksort: $C * n * \log n$

Wann ist Bottom-Up Radix sort besser (als QS)?
 $d * n * 2 < (C / 2) * n * \log n$
 Bei kurzen Strings

4. Schritt (letzte Stelle sortieren)

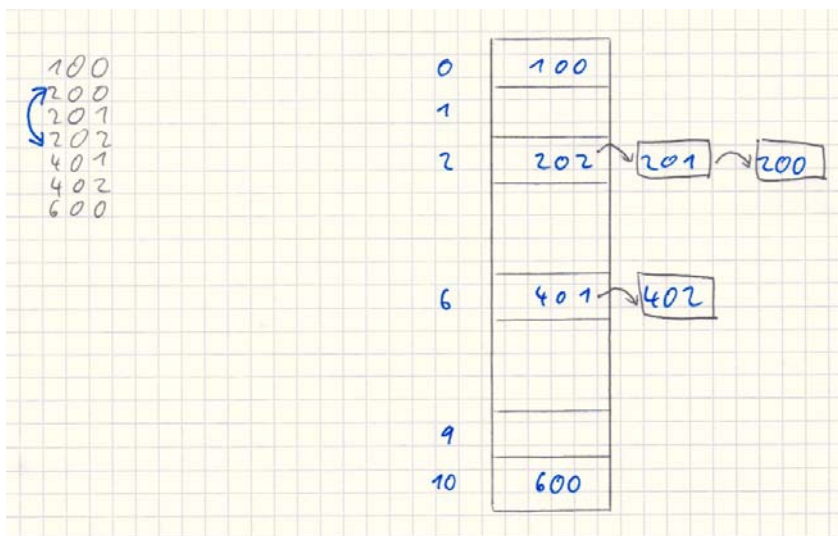
	1	5	2	1
	1	5	3	1
	1	6	3	2
	2	4	2	3
	2	5	3	2
	3	1	1	2
Stelle	4	3	2	1

Interpolation sort:

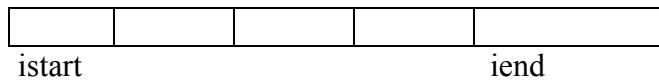
$$f(s) = \left\lceil \frac{(s - 100) * 10}{500} \right\rceil$$

(Bild 4.3)

Schritt 1 Schritt 2
 Sortieren falls overflow
 Vorliegt (pro Bucket)



(Bild 4.4)

Lineare Listen:

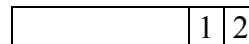
- Einfügen am Anfang
- Einfügen (nach einem bestimmten Element)
- Einfügen am Ende
- Löschen

siehe Informatik23

Doppelt verkettete Listen (zirkular mit Dummy)

- i. Einfügen nach
- ii. Einfügen vor

1 Zeiger auf die vorheriges Element
2 Zeiger auf die nächstes Element



- i) Neuen Knoten anlegen
Zeiger in neuen Knoten setzen
Zeiger auf neuen Knoten setzen
- iii. Löschen:
zu löschenden Knoten aus der Verkettung nehmen
Speicher freigeben