

Inhaltsverzeichnis

1. OOP - Teil 1	1-1		
1.1. Objekt „Bruch“	1-1	4.2. Einfach verkettete Bruch-Liste.....	4-21
1.2. Objekt „komplexe Zahl“	1-2	4.3. Stack als einfach verkettete Liste.....	4-23
1.3. Objekt „komplexer Bruch“	1-3	4.4. Queue als einfach verkettete Liste	4-24
1.4. Objekt „Datum“	1-6	4.5. Einfach verkettete Liste beliebiger Elemente	4-25
1.5. Objekt „Liste“	1-7	4.6. Einfach verkettete Liste von Instanzen	4-27
2. OOP - Vererbung	2-10	5. Sortierverfahren	5-30
2.1. Objekt „Liste“	2-10	5.1. Insertion Sort	5-30
2.2. Objekt „Fahrzeug“	2-11	5.2. Selection Sort	5-30
2.3. Objekt „Mitarbeiter“	2-13	5.3. Bubble Sort	5-31
3. dynamische Speicherverwaltung	3-15	5.4. Quicksort	5-31
3.1. Objekt „Stack“	3-15	5.5. Heapsort.....	5-32
3.2. Feld mit Brüchen	3-15	5.6. Abgeleitete Klassen.....	5-33
3.3. Feld mit komplexen Zahlen.....	3-17	6. Bäume	6-38
3.4. Liste mit veränderlicher Größe	3-18	6.1. Binärbaum ohne Duplikate	6-38
4. Listen	4-21	6.2. Binärbaum mit Duplikaten.....	6-42
4.1. Einfach verkettete int-Liste.....	4-21	6.3. AVL-Baum.....	6-44

1. OOP - Teil 1

1.1. Objekt „Bruch“

```
#include <stdio.h>

class c_bruch
{
private:
int zaehler;
int nenner;
int ggT (int zahl1, int zahl2);
void kuerzen (void);

public:
c_bruch (void);
c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner);
c_bruch (int i_wert);
int get_zaehler (void);
int get_nenner (void);
void print (void);
void add (const c_bruch &summand);
void subtr (const c_bruch &subtrahend);
void mult (const c_bruch &faktor);
void div (const c_bruch &divisor);
};

int c_bruch::ggT (int zahl1, int zahl2)
{
if (zahl2 == 0)
return zahl1;
else
return ggT (zahl2, zahl1 % zahl2);
}

void c_bruch::kuerzen (void)
{
int max_teiler = ggT (zaehler, nenner);

zaehler = zaehler / max_teiler;
nenner = nenner / max_teiler;
}

c_bruch::c_bruch (void)
{
zaehler = 0;
nenner = 1;
}

c_bruch::c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner)
{
zaehler = i_zaehler;
nenner = i_nenner;
}

c_bruch::c_bruch (int wert)
{
zaehler = wert;
nenner = 1;
}

int c_bruch::get_zaehler (void)
{
return zaehler;
}

int c_bruch::get_nenner (void)
{
return nenner;
}

void c_bruch::print (void)
{
printf ("%d/%d\n", zaehler, nenner);
}

void c_bruch::add (const c_bruch &summand)
{
zaehler = zaehler * summand.nenner + nenner * summand.zaehler;
nenner = nenner * summand.nenner;
}
```

```

    kuerzen();
}

void c_bruch::subtr (const c_bruch &subtrahend)
{
    zaehler = zaehler * subtrahend.nenner - nenner * subtrahend.zaehler;
    nenner = nenner * subtrahend.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::mult (const c_bruch &faktor)
{
    zaehler = zaehler * faktor.zaehler;
    nenner = nenner * faktor.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::div (const c_bruch &divisor)
{
    zaehler = zaehler * divisor.nenner;
    nenner = nenner * divisor.zaehler;
    kuerzen();
}

void main (void)
{
    c_bruch bruch1 (1,4);
    c_bruch bruch2 (2,3);

    bruch1.print();
    bruch1.add (bruch2);
    bruch1.print();
    bruch1.subtr (bruch2);
    bruch1.print();
    bruch1.mult (bruch2);
    bruch1.print();
    bruch1.div (bruch2);
    bruch1.print();
}

```

1.2. Objekt „komplexe Zahl“

```

#include <stdio.h>

class c_komplex
{
private:
    int real;
    int imag;

public:
    c_komplex (void);
    c_komplex (int i_real, int i_imag);
    c_komplex (int i_wert);
    int get_real (void);
    int get_imag (void);
    void print (void);
    void add (const c_komplex &summand);
    void subtr (const c_komplex &subtrahend);
    void mult (const c_komplex &faktor);
};

c_komplex::c_komplex (void)
{
    real = 0;
    imag = 0;
}

c_komplex::c_komplex (int i_real, int i_imag)
{
    real = i_real;
    imag = i_imag;
}

c_komplex::c_komplex (int i_wert)
{
    real = i_wert;
    imag = 0;
}

int c_komplex::get_real (void)

```

```

{
    return real;
}

int c_komplex::get_imag (void)
{
    return imag;
}

void c_komplex::print (void)
{
    printf ("%d + %di\n", real, imag);
}

void c_komplex::add (const c_komplex &summand)
{
    real = real + summand.real;
    imag = imag + summand.imag;
}

void c_komplex::subtr (const c_komplex &subtrahend)
{
    real = real - subtrahend.real;
    imag = imag - subtrahend.imag;
}

void c_komplex::mult (const c_komplex &faktor)
{
    int new_real = real * faktor.real - imag * faktor.imag;
    int new_imag = real * faktor.imag + imag * faktor.real;

    real = new_real;
    imag = new_imag;
}

void main (void)
{
    c_komplex komplex1 (1,4);
    c_komplex komplex2 (2);

    komplex1.print();
    komplex1.add (komplex2);
    komplex1.print();
    komplex1.subtr (komplex2);
    komplex1.print();
    komplex1.mult (komplex2);
    komplex1.print();
}

```

1.3. Objekt „komplexer Bruch“

```

#include <stdio.h>

class c_bruch
{
private:
    int zaehler;
    int nenner;
    int ggT (int zahl1, int zahl2);
    void kuerzen (void);

public:
    c_bruch (void);
    c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner);
    c_bruch (int i_wert);
    int get_zaehler (void);
    int get_nenner (void);
    void print (void);
    void add (c_bruch summand);
    void subtr (c_bruch subtrahend);
    void mult (c_bruch faktor);
    void div (c_bruch divisor);
    c_bruch operator+ (c_bruch summand);
    c_bruch operator- (c_bruch subtrahend);
    c_bruch operator* (c_bruch faktor);
    c_bruch operator/ (c_bruch divisor);
};

class c_komplex
{
private:

```

```
c_bruch real;
c_bruch imag;

public:
c_komplex (void);
c_komplex (c_bruch i_real, c_bruch i_imag);
c_komplex (c_bruch i_wert);
c_bruch get_real (void);
c_bruch get_imag (void);
void print (void);
void add (c_komplex summand);
void subtr (c_komplex subtrahend);
void mult (c_komplex faktor);
};

int c_bruch::ggT (int zahl1, int zahl2)
{
    if (zahl2 == 0)
        return zahl1;
    else
        return ggT (zahl2, zahl1 % zahl2);
}

void c_bruch::kuerzen (void)
{
    int max_teiler = ggT (zaehler, nenner);

    zaehler = zaehler / max_teiler;
    nenner = nenner / max_teiler;
}

c_bruch::c_bruch (void)
{
    zaehler = 0;
    nenner = 1;
}

c_bruch::c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner)
{
    zaehler = i_zaehler;
    nenner = i_nenner;
}

c_bruch::c_bruch (int wert)
{
    zaehler = wert;
    nenner = 1;
}

int c_bruch::get_zaehler (void)
{
    return zaehler;
}

int c_bruch::get_nenner (void)
{
    return nenner;
}

void c_bruch::print (void)
{
    printf ("%d/%d", zaehler, nenner);
}

void c_bruch::add (c_bruch summand)
{
    zaehler = zaehler * summand.nenner + nenner * summand.zaehler;
    nenner = nenner * summand.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::subtr (c_bruch subtrahend)
{
    zaehler = zaehler * subtrahend.nenner - nenner * subtrahend.zaehler;
    nenner = nenner * subtrahend.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::mult (c_bruch faktor)
{

```

```
    zaehler = zaehler * faktor.zaehler;
    nenner = nenner * faktor.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::div (c_bruch divisor)
{
    zaehler = zaehler * divisor.nenner;
    nenner = nenner * divisor.zaehler;
    kuerzen();
}

c_bruch c_bruch::operator+ (c_bruch summand)
{
    c_bruch tmp = *this;

    tmp.add (summand);
    return tmp;
}

c_bruch c_bruch::operator- (c_bruch subtrahend)
{
    c_bruch tmp = *this;

    tmp.subtr (subtrahend);
    return tmp;
}

c_bruch c_bruch::operator* (c_bruch faktor)
{
    c_bruch tmp = *this;

    tmp.mult (faktor);
    return tmp;
}

c_bruch c_bruch::operator/ (c_bruch divisor)
{
    c_bruch tmp = *this;

    tmp.div (divisor);
    return tmp;
}

c_komplex::c_komplex (void)
{
}

c_komplex::c_komplex (c_bruch i_real, c_bruch i_imag)
{
    real = i_real;
    imag = i_imag;
}

c_komplex::c_komplex (c_bruch i_wert)
{
    real = i_wert;
    imag = 0;
}

c_bruch c_komplex::get_real (void)
{
    return real;
}

c_bruch c_komplex::get_imag (void)
{
    return imag;
}

void c_komplex::print (void)
{
    real.print();
    printf ("+i");
    imag.print();
    printf ("\n");
}

void c_komplex::add (c_komplex summand)
{
}
```

```

    real.add (summand.real);
    imag.add (summand.imag);
}

void c_komplex::subtr (c_komplex subtrahend)
{
    real.subtr (subtrahend.real);
    imag.subtr (subtrahend.imag);
}

void c_komplex::mult (c_komplex faktor)
{
    c_bruch new_real = real * faktor.real - imag * faktor.imag;
    c_bruch new_imag = real * faktor.imag + imag * faktor.real;

    real = new_real;
    imag = new_imag;
}

void main (void)
{
    c_komplex komplex1 (1,4);
    c_komplex komplex2 (2);

    komplex1.print();
    komplex1.add (komplex2);
    komplex1.print();
    komplex1.subtr (komplex2);
    komplex1.print();
    komplex1.mult (komplex2);
    komplex1.print();
}

```

1.4. Objekt „Datum“

```

#include <stdio.h>

class c_datum
{
private:
    int tag;
    int monat;
    int jahr;
    int get_max_days (int i_jahr, int i_monat);

public:
    c_datum (void);
    c_datum (int i_tag, int i_monat, int i_jahr);
    void days_forw (int i_days);
    void days_back (int i_days);
    void display (void);
};

int c_datum::get_max_days (int i_jahr, int i_monat)
{
    switch (i_monat)
    {
        case 2:  if (((i_jahr % 4 == 0) && (i_jahr % 100 != 0)) ||
                    (i_jahr % 400 == 0))
                    return 29;
                else
                    return 28;
        case 4:
        case 6:
        case 9:
        case 11: return 30;
    };
    return 31;
}

c_datum::c_datum (void)
{
    tag = 1;
    monat = 1;
    jahr = 1900;
}

c_datum::c_datum (int i_tag, int i_monat, int i_jahr)
{
    jahr = i_jahr;
    if ((i_monat >= 1) && (i_monat <= 12))

```

```

        monat = i_monat;
    else
        monat = 1;

    if ((i_tag >= 1) && (i_tag <= get_max_days (jahr, monat)))
        tag = i_tag;
    else
        tag = 1;
}

void c_datum::days_forw (int i_days)
{
    while (tag + i_days > get_max_days (jahr, monat))
    {
        i_days -= (get_max_days (jahr, monat) - tag + 1);
        tag = 1;
        monat++;
        if (monat > 12)
        {
            monat = 1;
            jahr++;
        }
    }

    tag += i_days;
}

void c_datum::days_back (int i_days)
{
    while (i_days > tag)
    {
        i_days -= tag;
        monat--;
        if (monat == 0)
        {
            monat = 12;
            jahr --;
        }
        tag = get_max_days (jahr, monat);
    }
    tag -= i_days;
}

void c_datum::display (void)
{
    if (tag < 10)
        printf ("0");
    printf ("%d.", tag);

    if (monat < 10)
        printf ("0");
    printf ("%d.", monat);

    if (jahr < 1000)
        printf ("0");
    if (jahr < 100)
        printf ("0");
    if (jahr < 10)
        printf ("0");
    printf ("%d\n", jahr);
}

void main (void)
{
    c_datum datum1 (1,1,2002);
    c_datum datum2 (1,1, 10);

    datum1.display ();
    datum1.days_forw (150);
    datum1.display ();
    datum1.days_back (160);
    datum1.display ();

    datum2.display ();
    datum2.days_back (2);
    datum2.display ();
}

```

1.5. Objekt „Liste“

```
#include <stdio.h>
```



```
#include <stdlib.h>

class c_liste
{
private:
    int *element;
    int anzahl;
    int belegt;

public:
    c_liste (int i_anzahl);
    ~c_liste ();
    void append (int neu);
    void remove (int index);
    int search (int wert);
    int get_element (int index);
};

c_liste::c_liste (int i_anzahl)
{
    anzahl = i_anzahl;
    belegt = 0;
    element = (int *) malloc (anzahl * sizeof (int));
    if (element == NULL)
        anzahl = 0;
}

c_liste::~c_liste ()
{
    if (element != NULL)
        free (element);
}

void c_liste::append (int neu)
{
    if (belegt < anzahl)
    {
        element [belegt] = neu;
        belegt ++;
    }
}

void c_liste::remove (int index)
{
    int i;

    if ((index >= 0) && (index < belegt))
    {
        for (i=index; i<belegt-1; i++)
            element[i] = element [i+1];
        belegt --;
    }
}

int c_liste::search (int wert)
{
    int i;
    for (i=0; i<belegt; i++)
        if (element[i] == wert)
            return i;

    return -1;
}

int c_liste::get_element (int index)
{
    if ((index >= 0) && (index < belegt))
        return element [index];
    else
        return -1;
}

void main (void)
{
    c_liste liste (10);

    liste.append (3);
    liste.append (42);
    liste.append (97);
}
```

```
printf ("Element 42 steht an Position %d\n", liste.search (42)+1);  
liste.remove (0);  
printf ("Element 97 steht an Position %d\n", liste.search (97)+1);  
}
```

2. OOP - Vererbung

2.1. Objekt „Liste“

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

class c_liste
{
protected:
    int *element;
    int anzahl;
    int belegt;

public:
    c_liste (int i_anzahl);
    ~c_liste ();
    void append (int neu);
    void remove (int index);
    int search (int wert);
    int get_element (int index);
    void display (void);
};

class c_sort_list : public c_liste
{
public:
    c_sort_list (int i_anzahl);
    void append (int neu);
    int search (int wert);
};

c_liste::c_liste (int i_anzahl)
{
    anzahl = i_anzahl;
    belegt = 0;
    element = (int *) malloc (anzahl * sizeof (int));
    if (element == NULL)
        anzahl = 0;
}

c_liste::~c_liste ()
{
    if (element != NULL)
        free (element);
}

void c_liste::append (int neu)
{
    if (belegt < anzahl)
    {
        element [belegt] = neu;
        belegt ++;
    }
}

void c_liste::remove (int index)
{
    int i;

    if ((index >= 0) && (index < belegt))
    {
        for (i=index; i<belegt-1; i++)
            element[i] = element [i+1];
        belegt --;
    }
}

int c_liste::search (int wert)
{
    int i;
    for (i=0; i<belegt; i++)
        if (element[i] == wert)
            return i;

    return -1;
}

int c_liste::get_element (int index)
{

```

```

    if ((index >= 0) && (index < belegt))
        return element [index];
    else
        return -1;
}

void c_liste::display (void)
{
    int i;

    for (i=0; i<belegt; i++)
        printf ("%d ", element[i]);
    printf ("\n");
}

c_sort_list::c_sort_list (int i_anzahl) : c_liste (i_anzahl)
{
}

void c_sort_list::append (int neu)
{
    int i=0,j;

    if (belegt < anzahl)
    {
        while ((i < belegt) && (element[i] <= neu))
            i++;

        for (j=belegt; j>i; j--)
            element[j] = element[j-1];

        element[i] = neu;
        belegt ++;
    }
}

int c_sort_list::search (int wert)
{
    int i=0;

    while ((i < belegt) && (element[i] < wert))
        i++;

    if (element[i] == wert)
        return i;
    else
        return -1;
}

void main (void)
{
    c_liste    liste (10);
    c_sort_list sort_list (10);

    liste.append (97);
    liste.append (42);
    liste.append (3);
    liste.display ();

    sort_list.append (97);
    sort_list.append (3);
    sort_list.append (42);
    sort_list.display ();
}

```

2.2. Objekt „Fahrzeug“

```

#include <stdio.h>

class c_fahrzeug
{
protected:
    int speed;
    int max_speed;

public:
    c_fahrzeug (int i_max_speed);
    virtual void speed_up (void) = 0;
    virtual void speed_down (void) = 0;
    virtual void show_speed (void) = 0;
};

```

```

class c_auto : public c_fahrzeug
{
    protected:
        int beschleunigung;

    public:
        c_auto (int i_max_speed, int i_beschleunigung);
        virtual void speed_up (void);
        virtual void speed_down (void);
        virtual void show_speed (void);
};

class c_fahrrad : public c_fahrzeug
{
    protected:
        int gang;
        int max_gang;

    public:
        c_fahrrad (int i_max_speed, int i_max_gang);
        virtual void speed_up (void);
        virtual void speed_down (void);
        virtual void show_speed (void);
};

c_fahrzeug::c_fahrzeug (int i_max_speed)
{
    max_speed = i_max_speed;
    speed      = 0;
}

c_auto::c_auto (int i_max_speed, int i_beschleunigung) : c_fahrzeug (i_max_speed)
{
    beschleunigung = i_beschleunigung;
}

void c_auto::speed_up (void)
{
    if (speed + beschleunigung < max_speed)
        speed += beschleunigung;
    else
        speed = max_speed;
}

void c_auto::speed_down (void)
{
    if (speed - beschleunigung > 0)
        speed -= beschleunigung;
    else
        speed = 0;
}

void c_auto::show_speed (void)
{
    printf ("Geschwindigkeit Auto = %d\n", speed);
}

c_fahrrad::c_fahrrad (int i_max_speed, int i_max_gang) : c_fahrzeug (i_max_speed)
{
    max_gang = i_max_gang;
    gang      = 1;
}

void c_fahrrad::speed_up (void)
{
    if ((speed == max_speed) && (gang < max_gang))
    {
        speed = 0;
        gang ++;
    }

    if (speed < max_speed)
        speed ++;
}

void c_fahrrad::speed_down (void)
{
    if ((speed == 1) && (gang > 1))
    {

```

```

        speed = max_speed + 1;
        gang --;
    }

    if (speed > 0)
        speed --;
}

void c_fahrrad::show_speed (void)
{
    printf ("Geschwindigkeit Fahrrad = %d im %d. Gang\n", speed, gang);
}

void main (void)
{
    c_auto    pkw (150, 10);
    c_fahrrad rad (5, 3);
    int      i;
    char     dummy;

    for (i=0; i<20; i++)
    {
        pkw.speed_up ();
        pkw.show_speed ();
    }

    scanf ("%c", &dummy);

    for (i=0; i<20; i++)
    {
        pkw.speed_down ();
        pkw.show_speed ();
    }

    scanf ("%c", &dummy);

    for (i=0; i<20; i++)
    {
        rad.speed_up ();
        rad.show_speed ();
    }

    scanf ("%c", &dummy);

    for (i=0; i<20; i++)
    {
        rad.speed_down ();
        rad.show_speed ();
    }
}

```

2.3. Objekt „Mitarbeiter“

```

#include <stdio.h>
#include <string.h>

class c_mitarbeiter
{
protected:
    char name [20];
    int pers_nr;

public:
    c_mitarbeiter (char *i_name, int i_pers_nr);
    virtual void visitenkarte (void);
};

class c_leiter : public c_mitarbeiter
{
protected:
    char abteilung[20];
    int mitarbeiter;

public:
    c_leiter (char *i_name, int i_pers_nr, char *i_abteilung,
             int i_mitarbeiter);
    virtual void visitenkarte (void);
};

c_mitarbeiter::c_mitarbeiter (char *i_name, int i_pers_nr)
{

```

```
    strcpy (name, i_name);
    pers_nr = i_pers_nr;
}

void c_mitarbeiter::visitenkarte (void)
{
    printf ("Name: %s, Pers-Nr.: %d\n", name, pers_nr);
}

c_leiter::c_leiter (char *i_name, int i_pers_nr, char *i_abteilung,
                    int i_mitarbeiter) : c_mitarbeiter (i_name, i_pers_nr)
{
    strcpy (abteilung, i_abteilung);
    mitarbeiter = i_mitarbeiter;
}

void c_leiter::visitenkarte (void)
{
    c_mitarbeiter::visitenkarte ();
    printf ("Leiter %s, %d Mitarbeiter\n", abteilung, mitarbeiter);
}

void main (void)
{
    c_mitarbeiter mitarbeiter ("Schmidt", 123);
    c_leiter      leiter      ("Müller", 007, "Entwicklung", 3);

    mitarbeiter.visitenkarte ();
    leiter.visitenkarte ();
}
```

3. dynamische Speicherverwaltung

3.1. Objekt „Stack“

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

class c_stack
{
private:
    int *element;
    int groesse;
    int belegt;

public:
    c_stack (int i_groesse);
    ~c_stack ();
    void push (int i_wert);
    int pop (void);
};

c_stack::c_stack (int i_groesse)
{
    groesse = 0;
    belegt = 0;
    element = (int *) malloc (i_groesse * sizeof (int));
    if (element != NULL)
        groesse = i_groesse;
}

c_stack::~c_stack ()
{
    if (element != NULL)
        free (element);
}

void c_stack::push (int i_wert)
{
    if (belegt < groesse)
    {
        element [belegt] = i_wert;
        belegt ++;
    }
}

int c_stack::pop (void)
{
    if (belegt > 0)
    {
        belegt --;
        return element [belegt];
    }
    return -1;
}

void main (void)
{
    c_stack stack (10);

    stack.push (3);
    stack.push (4);
    stack.push (stack.pop () + stack.pop ());
    printf ("3+4=%d\n", stack.pop ());
}
```

3.2. Feld mit Brüchen

```
#include <stdio.h>

class c_bruch
{
private:
    int zaehler;
    int nenner;
    int ggT (int zahl1, int zahl2);
    void kuerzen (void);

public:
    c_bruch (void);
    c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner);
    c_bruch (int i_wert);
    void init (int i_zaehler, int i_nenner);
}
```



```

int get_zaebler (void);
int get_nenner (void);
void print (void);
void add (const c_bruch &summand);
void subtr (const c_bruch &subtrahend);
void mult (const c_bruch &faktor);
void div (const c_bruch &divisor);
};

int c_bruch::ggT (int zahl1, int zahl2)
{
    if (zahl2 == 0)
        return zahl1;
    else
        return ggT (zahl2, zahl1 % zahl2);
}

void c_bruch::kuerzen (void)
{
    int max_teiler = ggT (zaehler, nenner);

    zaehler = zaehler / max_teiler;
    nenner = nenner / max_teiler;
}

c_bruch::c_bruch (void)
{
    init (0, 1);
}

c_bruch::c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner)
{
    init (i_zaehler, i_nenner);
}

c_bruch::c_bruch (int wert)
{
    init (wert, 1);
}

void c_bruch::init (int i_zaehler, int i_nenner)
{
    zaehler = i_zaehler;
    nenner = i_nenner;
}

int c_bruch::get_zaebler (void)
{
    return zaehler;
}

int c_bruch::get_nenner (void)
{
    return nenner;
}

void c_bruch::print (void)
{
    printf ("%d/%d\n", zaehler, nenner);
}

void c_bruch::add (const c_bruch &summand)
{
    zaehler = zaehler * summand.nenner + nenner * summand.zaehler;
    nenner = nenner * summand.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::subtr (const c_bruch &subtrahend)
{
    zaehler = zaehler * subtrahend.nenner - nenner * subtrahend.zaehler;
    nenner = nenner * subtrahend.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::mult (const c_bruch &faktor)
{
    zaehler = zaehler * faktor.zaehler;
    nenner = nenner * faktor.nenner;
    kuerzen();
}

```

```

}

void c_bruch::div (const c_bruch &divisor)
{
    zaehler = zaehler * divisor.nenner;
    nenner = nenner * divisor.zaehler;
    kuerzen();
}

void main (void)
{
    c_bruch liste [10];

    liste [0].init (1,4);
    liste [1].init (2,3);
    liste [2].init (4,5);
    liste [3].init (1,7);
    liste [4].init (2,5);
    liste [5].init (5,3);
    liste [6].init (7,4);
    liste [7].init (8,3);
    liste [8].init (5,2);
    liste [9].init (3,1);

    liste [0].add (liste [1]);
    liste [2].subtr (liste [3]);
    liste [4].mult (liste [5]);
    liste [6].div (liste [7]);
    liste [8].add (liste [9]);

    liste [0].print ();
    liste [2].print ();
    liste [4].print ();
    liste [6].print ();
    liste [8].print ();
}

```

3.3. Feld mit komplexen Zahlen

```

#include <stdio.h>

class c_komplex
{
private:
    int real;
    int imag;

public:
    c_komplex (void);
    c_komplex (int i_real, int i_imag);
    c_komplex (int i_wert);
    void init (int i_real, int i_imag);
    int get_real (void);
    int get_imag (void);
    void print (void);
    void add (const c_komplex &summand);
    void subtr (const c_komplex &subtrahend);
    void mult (const c_komplex &faktor);
};

c_komplex::c_komplex (void)
{
    init (0, 0);
}

c_komplex::c_komplex (int i_real, int i_imag)
{
    init (i_real, i_imag);
}

c_komplex::c_komplex (int i_wert)
{
    init (i_wert, 0);
}

void c_komplex::init (int i_real, int i_imag)
{
    real = i_real;
    imag = i_imag;
}

```

```

int c_komplex::get_real (void)
{
    return real;
}

int c_komplex::get_imag (void)
{
    return imag;
}

void c_komplex::print (void)
{
    printf ("%d + %di\n", real, imag);
}

void c_komplex::add (const c_komplex &summand)
{
    real = real + summand.real;
    imag = imag + summand.imag;
}

void c_komplex::subtr (const c_komplex &subtrahend)
{
    real = real - subtrahend.real;
    imag = imag - subtrahend.imag;
}

void c_komplex::mult (const c_komplex &faktor)
{
    int new_real = real * faktor.real - imag * faktor.imag;
    int new_imag = real * faktor.imag + imag * faktor.real;

    real = new_real;
    imag = new_imag;
}

void main (void)
{
    c_komplex liste [10];

    liste [0].init (1,4);
    liste [1].init (2,3);
    liste [2].init (4,5);
    liste [3].init (1,7);
    liste [4].init (2,5);
    liste [5].init (5,3);
    liste [6].init (7,4);
    liste [7].init (8,3);
    liste [8].init (5,2);
    liste [9].init (3,1);

    liste [0].add (liste [1]);
    liste [2].subtr (liste [3]);
    liste [4].mult (liste [5]);
    liste [6].add (liste [7]);
    liste [8].subtr (liste [9]);

    liste [0].print ();
    liste [2].print ();
    liste [4].print ();
    liste [6].print ();
    liste [8].print ();
}

```

3.4. Liste mit veränderlicher Größe

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

class c_liste
{
private:
    int *element;
    int anzahl;
    int belegt;
    int delta;

public:
    c_liste (int i_anzahl, int i_delta);
    ~c_liste ();
    void append (int neu);
}

```

```

    void remove (int index);
    void display (void);
};

c_liste::c_liste (int i_anzahl, int i_delta)
{
    anzahl = i_anzahl;
    belegt = 0;
    element = (int *) malloc (anzahl * sizeof (int));
    if (element == NULL)
        anzahl = 0;
    delta = i_delta;
}

c_liste::~~c_liste ()
{
    if (element != NULL)
        free (element);
}

void c_liste::append (int neu)
{
    int *new_element = NULL;

    if (belegt == anzahl)
    {
        new_element = (int *) realloc (element, (anzahl + delta) * sizeof (int));
        if (new_element != NULL)
        {
            element = new_element;
            anzahl += delta;
        }
    }

    if (belegt < anzahl)
    {
        element [belegt] = neu;
        belegt ++;
    }
}

void c_liste::remove (int index)
{
    int i;

    if ((index >= 0) && (index < belegt))
    {
        for (i=index; i<belegt-1; i++)
            element[i] = element [i+1];
        belegt --;
    }
}

void c_liste::display (void)
{
    int i;

    printf ("%d von %d Elementen belegt\n", belegt, anzahl);
    for (i=0; i<belegt; i++)
        printf ("%d ", element [i]);
    printf ("\n");
}

void main (void)
{
    c_liste liste (3, 2);

    liste.display ();
    liste.append (3);
    liste.display ();
    liste.append (12);
    liste.display ();
    liste.append (7);
    liste.display ();
    liste.append (8);
    liste.display ();
    liste.append (13);
    liste.display ();
    liste.append (42);
    liste.display ();
}

```

}

4. Listen**4.1. Einfach verkettete int-Liste**

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_liste
{
    int    wert;
    t_liste *next;
};

void main (void)
{
    t_liste *wurzel  = NULL;
    t_liste *last    = NULL;
    t_liste *current = NULL;
    int     zahl;
    int     summe = 0;

    printf ("Bitte Summanden eingeben (0=Ende)");

    do
    {
        scanf ("%d", &zahl);
        if (zahl != 0)
        {
            if (last == NULL)
            {
                wurzel = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
                last = wurzel;
            }
            else
            {
                last->next = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
                last = last->next;
            }
            last->wert = zahl;
            last->next = NULL;
        }
    }
    while (zahl != 0);

    current = wurzel;
    while (current != NULL)
    {
        summe += current->wert;
        current = current->next;
    }

    printf ("Summe = %d\n", summe);

    while (wurzel != NULL)
    {
        current = wurzel;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
    }
}

```

4.2. Einfach verkettete Bruch-Liste

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

class c_bruch
{
private:
    int zaehler;
    int nenner;
    int ggT (int zahl1, int zahl2);
    void kuerzen (void);

public:
    c_bruch (void);
    c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner);
    c_bruch (int i_wert);
    void init (int i_zaehler, int i_nenner);
    int get_zaehler (void);
    int get_nenner (void);
    void print (void);
}

```

```
void add (const c_bruch &summand);
void subtr (const c_bruch &subtrahend);
void mult (const c_bruch &faktor);
void div (const c_bruch &divisor);
};

int c_bruch::ggT (int zahl1, int zahl2)
{
    if (zahl2 == 0)
        return zahl1;
    else
        return ggT (zahl2, zahl1 % zahl2);
}

void c_bruch::kuerzen (void)
{
    int max_teiler = ggT (zaehler, nenner);

    zaehler = zaehler / max_teiler;
    nenner = nenner / max_teiler;
}

c_bruch::c_bruch (void)
{
    init (0, 1);
}

c_bruch::c_bruch (int i_zaehler, int i_nenner)
{
    init (i_zaehler, i_nenner);
}

c_bruch::c_bruch (int wert)
{
    init (wert, 1);
}

void c_bruch::init (int i_zaehler, int i_nenner)
{
    zaehler = i_zaehler;
    nenner = i_nenner;
}

int c_bruch::get_zaehler (void)
{
    return zaehler;
}

int c_bruch::get_nenner (void)
{
    return nenner;
}

void c_bruch::print (void)
{
    printf ("%d/%d\n", zaehler, nenner);
}

void c_bruch::add (const c_bruch &summand)
{
    zaehler = zaehler * summand.nenner + nenner * summand.zaehler;
    nenner = nenner * summand.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::subtr (const c_bruch &subtrahend)
{
    zaehler = zaehler * subtrahend.nenner - nenner * subtrahend.zaehler;
    nenner = nenner * subtrahend.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::mult (const c_bruch &faktor)
{
    zaehler = zaehler * faktor.zaehler;
    nenner = nenner * faktor.nenner;
    kuerzen();
}

void c_bruch::div (const c_bruch &divisor)
```

```

{
    zaehler = zaehler * divisor.nenner;
    nenner = nenner * divisor.zaehler;
    kuerzen();
}

struct t_liste
{
    c_bruch wert;
    t_liste *next;
};

void main (void)
{
    t_liste *wurzel = NULL;
    t_liste *last = NULL;
    t_liste *current = NULL;
    int zaehler, nenner;
    c_bruch summe = 0;

    printf ("Bitte Zaehler und Nenner der Summanden eingeben (0=Ende)");

    do
    {
        scanf ("%d%d", &zaehler, &nenner);
        if (zaehler != 0)
        {
            if (last == NULL)
            {
                wurzel = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
                last = wurzel;
            }
            else
            {
                last->next = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
                last = last->next;
            }
            last->wert.init (zaehler, nenner);
            last->next = NULL;
        }
    }
    while (zaehler != 0);

    current = wurzel;
    while (current != NULL)
    {
        summe.add (current->wert);
        current = current->next;
    }

    printf ("Summe = ");
    summe.print ();

    while (wurzel != NULL)
    {
        current = wurzel;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
    }
}

```

4.3. Stack als einfach verkettete Liste

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_datan
{
    int wert;
    t_datan *next;
};

class c_stack
{
private:
    t_datan *wurzel;

public:
    c_stack ();
    ~c_stack ();
    void push (int i_wert);
}

```



```

    int pop (void);
};

c_stack::c_stack ()
{
    wurzel = NULL;
}

c_stack::~~c_stack ()
{
    t_daten *current;

    while (wurzel != NULL)
    {
        current = wurzel;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
    }
}

void c_stack::push (int i_wert)
{
    t_daten *neu = (t_daten *) malloc (sizeof (t_daten));

    if (neu != NULL)
    {
        neu->wert = i_wert;
        neu->next = wurzel;
        wurzel = neu;
    }
}

int c_stack::pop (void)
{
    int result = -1;
    t_daten *current = wurzel;

    if (wurzel != NULL)
    {
        result = wurzel->wert;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
    }

    return result;
}

void main (void)
{
    c_stack stack;

    stack.push (3);
    stack.push (4);
    stack.push (stack.pop () + stack.pop ());
    printf ("3+4=%d\n", stack.pop ());
}

```

4.4. Queue als einfach verkettete Liste

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_daten
{
    int wert;
    t_daten *next;
};

class c_queue
{
private:
    t_daten *wurzel;
    t_daten *last;

public:
    c_queue ();
    ~c_queue ();
    void push (int i_wert);
    int pop (void);
};

```

```

c_queue::c_queue ()
{
    wurzel = NULL;
    last   = NULL;
}

c_queue::~~c_queue ()
{
    t_daten *current;

    while (wurzel != NULL)
    {
        current = wurzel;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
    }
}

void c_queue::push (int i_wert)
{
    if (last == NULL)
    {
        wurzel = (t_daten *) malloc (sizeof (t_daten));
        last = wurzel;
    }
    else
    {
        last->next = (t_daten *) malloc (sizeof (t_daten));
        last = last->next;
    }

    last->wert = i_wert;
    last->next = NULL;
}

int c_queue::pop (void)
{
    int    result = -1;
    t_daten *current = wurzel;

    if (wurzel != NULL)
    {
        result = wurzel->wert;
        wurzel = wurzel->next;
        free (current);
        if (wurzel == NULL)
            last = NULL;
    }

    return result;
}

void main (void)
{
    c_queue queue;

    queue.push (3);
    queue.push (4);
    queue.push (6);
    queue.push (11);
    printf ("%d ", queue.pop ());
    printf ("%d ", queue.pop ());
    queue.push (14);
    printf ("%d ", queue.pop ());
    printf ("%d ", queue.pop ());
    printf ("%d ", queue.pop ());
}

```

4.5. Einfach verkettete Liste beliebiger Elemente

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_daten
{
    void    *wert;
    t_daten *next;
};

class c_liste
{

```

```

private:
    t_daten *wurzel;
    t_daten *last;
    t_daten *get_current (int index);

public:
    c_liste (void);
    ~c_liste ();
    void append (void *i_wert);
    int  get_as_int  (int index);
    char get_as_char (int index);
    float get_as_float (int index);
};

t_daten *c_liste::get_current (int index)
{
    t_daten *current=wurzel;

    while (index > 0)
    {
        if (current != NULL)
            current = current->next;
        index --;
    }

    return current;
}

c_liste::c_liste (void)
{
    wurzel = NULL;
    last   = NULL;
}

c_liste::~~c_liste ()
{
    t_daten *current;

    while (wurzel != NULL)
    {
        current = wurzel;
        wurzel = wurzel->next;
        if (current->wert != NULL)
            free (current->wert);
        free (current);
    }
}

void c_liste::append (void *i_wert)
{
    if (last == NULL)
    {
        wurzel = (t_daten *) malloc (sizeof (t_daten));
        last = wurzel;
    }
    else
    {
        last->next = (t_daten *) malloc (sizeof (t_daten));
        last = last->next;
    }

    last->wert = i_wert;
    last->next = NULL;
}

int c_liste::get_as_int (int index)
{
    t_daten *current=get_current (index);

    if (current != NULL)
        return *((int *) current->wert);
    else
        return -1;
}

char c_liste::get_as_char (int index)
{
    t_daten *current=get_current (index);

    if (current != NULL)

```

```

        return *((char *) current->wert);
    else
        return 0;
}

float c_liste::get_as_float (int index)
{
    t_daten *current=get_current (index);

    if (current != NULL)
        return *((float *) current->wert);
    else
        return -1.0;
}

void main (void)
{
    c_liste liste;
    int *zahl;
    char *zeichen;
    float *real;

    zahl = (int *) malloc (sizeof (int));
    *zahl = 42;

    zeichen = (char *) malloc (sizeof (char));
    *zeichen = 'A';

    real = (float *) malloc (sizeof (float));
    *real = 16.23;

    liste.append (zahl);
    liste.append (zeichen);
    liste.append (real);

    printf ("1. Eintrag: %d\n", liste.get_as_int (0));
    printf ("2. Eintrag: %c\n", liste.get_as_char (1));
    printf ("3. Eintrag: %f\n", liste.get_as_float (2));
}

```

4.6. Einfach verkettete Liste von Instanzen

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

class c_element
{
    friend class c_liste;

private:
    int    daten;
    c_element *next;

    c_element (int i_daten, c_element *i_next);
    ~c_element ();
    int get_daten (void);
    c_element *get_next (void);
    void set_next (c_element *new_next);
    void print (void);
};

class c_liste
{
private:
    c_element *anfang;

public:
    c_liste (void);
    ~c_liste ();
    void append (int neu);
    void print (void);
};

c_element::c_element (int i_daten, c_element *i_next)
{
    daten = i_daten;
    next = i_next;
}

c_element::~~c_element ()
{

```

```
}

int c_element::get_daten(void)
{
    return daten;
}

c_element *c_element::get_next(void)
{
    return next;
}

void c_element::set_next (c_element *new_next)
{
    next = new_next;
}

void c_element::print (void)
{
    printf ("%d ", daten);
}

c_liste::c_liste (void)
{
    anfang = new (c_element) (-1, NULL);
}

c_liste::~~c_liste()
{
    c_element *element;

    while (anfang != NULL)
    {
        element = anfang;
        anfang = anfang->get_next();
        delete (element);
    }
}

void c_liste::append(int neu)
{
    c_element *element = anfang;
    c_element *new_elm;

    while (element->get_next() != NULL)
        element = element->get_next();

    new_elm = new (c_element) (neu, NULL);
    element->set_next (new_elm);
}

void c_liste::print (void)
{
    c_element *element;

    if (anfang == NULL)
    {
        printf ("Fehler beim Anlegen der Liste!!!\n");
    }
    else
    {
        element = anfang->get_next();
        printf ("Inhalt der Liste:\n");
        while (element != NULL)
        {
            element->print();
            element = element->get_next();
        }
        printf ("\n");
    }
}

void main (void)
{
    c_liste liste;

    liste.append (3);
    liste.append (5);
    liste.append (2);
    liste.append (4);
}
```

```
    liste.print ();  
}
```

5. Sortierverfahren

5.1. Insertion Sort

```
#include <stdio.h>

void insertion_sort (int *liste, int anzahl)
{
    int next_pos;
    int next_element;
    int ins_pos;

    // Nimm das nächste Element, das in den sortierten Bereich
    // eingefügt werden soll
    for (next_pos=1; next_pos<anzahl; next_pos++)
    {
        next_element = liste [next_pos];
        // Suche die richtige Stelle an der das Element einzufügen ist.
        // Dazu werden alle größeren Elemente um eine Stelle nach hinten
        // verschoben.
        ins_pos = next_pos;
        while ((ins_pos > 0) && (liste[ins_pos -1] > next_element))
        {
            liste [ins_pos] = liste [ins_pos -1];
            ins_pos--;
        };
        // Füge das Element an der richtigen Stelle ein.
        liste [ins_pos] = next_element;
    }
}

void ausgabe_liste (int *liste, int anzahl)
{
    int i;

    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", liste [i]);
    printf ("\n");
}

void main (void)
{
    int liste [10] = {12,3,9,11,18,25,13,6,42,37};

    ausgabe_liste (liste, 10);
    insertion_sort (liste, 10);
    ausgabe_liste (liste, 10);
}
```

5.2. Selection Sort

```
#include <stdio.h>

void tauschen (int &zahl1, int &zahl2)
// vertauscht die beiden angegebenen Zahlen. Durch die
// Verwendung der Referenzparameter wird das Ergebnis
// des Tauschs zurückgeliefert
{
    int temp = zahl1;

    zahl1 = zahl2;
    zahl2 = temp;
}

void selection_sort (int *liste, int anzahl)
{
    int ins_pos;
    int such_pos;
    int min_pos;

    // Suche das nächste Element, das in den sortierten Bereich
    // eingefügt werden muß
    for (ins_pos=0; ins_pos < anzahl-1; ins_pos++)
    {
        min_pos = ins_pos;
        // Suche dazu das kleinste Element im verbliebenen Rest
        for (such_pos = ins_pos +1; such_pos < anzahl; such_pos++)
            if (liste [such_pos] < liste [min_pos])
                min_pos = such_pos;
        // Vertausche das gefundene Minimum mit dem Element, das
        // sich am Anfang des unsortierten Teils befindet.
        tauschen (liste [ins_pos], liste [min_pos]);
    }
}
```

```

    }
}

void ausgabe_liste (int *liste, int anzahl)
{
    int i;

    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", liste [i]);
    printf ("\n");
}

void main (void)
{
    int liste [10] = {12,3,9,11,18,25,13,6,42,37};

    ausgabe_liste (liste, 10);
    selection_sort (liste, 10);
    ausgabe_liste (liste, 10);
}

```

5.3. Bubble Sort

```

#include <stdio.h>

void tauschen (int &zahl1, int &zahl2)
// vertauscht die beiden angegebenen Zahlen. Durch die
// Verwendung der Referenzparameter wird das Ergebnis
// des Tauschs zurückgeliefert
{
    int temp = zahl1;

    zahl1 = zahl2;
    zahl2 = temp;
}

void bubble_sort (int *liste, int anzahl)
{
    int bubble_pos;
    int tausch;

    do
    {
        tausch = 0;
        // Prüfe, ob in der Liste Element-Paare vorhanden sind, bei denen
        // die Sortierung nicht stimmt
        for (bubble_pos = 0; bubble_pos < anzahl -1; bubble_pos++)
        {
            // Ein solches Paar wird vertauscht und der Tausch wird vermerkt
            if (liste [bubble_pos] > liste [bubble_pos +1])
            {
                tauschen (liste [bubble_pos], liste [bubble_pos +1]);
                tausch++;
            }
        }
        // Solange Element-Paare vertauscht wurden, muß die Liste nochmals
        // geprüft werden
        while (tausch > 0);
    }

}

void ausgabe_liste (int *liste, int anzahl)
{
    int i;

    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", liste [i]);
    printf ("\n");
}

void main (void)
{
    int liste [10] = {12,3,9,11,18,25,13,6,42,37};

    ausgabe_liste (liste, 10);
    bubble_sort (liste, 10);
    ausgabe_liste (liste, 10);
}

```

5.4. Quicksort

```

#include <stdio.h>

```



```

void tauschen (int &zahl1, int &zahl2)
// vertauscht die beiden angegebenen Zahlen. Durch die
// Verwendung der Referenzparameter wird das Ergebnis
// des Tauschs zurückgeliefert
{
    int temp = zahl1;

    zahl1 = zahl2;
    zahl2 = temp;
}

void quick_sort (int *liste, int von, int bis)
{
    int teilelement;
    int min_pos;
    int max_pos;

    if (von < bis)
    {
        // Sortiere solange Elemente um, bis links vom Teilungselement
        // keine größeren und rechts davon keine kleineren Elemente stehen
        teilelement = liste [bis];
        max_pos = von;
        min_pos = bis -1;
        do
        {
            // Suche dazu von links das erste Element, das kleiner als
            // das Teilungselement ...
            while (liste [max_pos] < teilelement)
                max_pos++;
            // ... und von rechts das erste Element, das größer ist.
            while ((min_pos >= von) && (liste [min_pos] > teilelement))
                min_pos--;
            // Wenn diese nicht in der richtigen Reihenfolge stehen,
            // werden sie vertauscht
            if (min_pos > max_pos)
                tauschen (liste [min_pos], liste [max_pos]);
        }
        // Dies wird solange durchgeführt, bis die grobe Vorsortierung
        // abgeschlossen ist
        while (min_pos > max_pos);
        tauschen (liste [max_pos], liste [bis]);
        // Sortiere danach die linke und rechte "Hälfte" per Rekursion
        quick_sort (liste, von, max_pos -1);
        quick_sort (liste, max_pos +1, bis);
    }
}

void ausgabe_liste (int *liste, int anzahl)
{
    int i;

    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", liste [i]);
    printf ("\n");
}

void main (void)
{
    int liste [10] = {12,3,9,11,18,25,13,6,42,37};

    ausgabe_liste (liste, 10);
    quick_sort (liste, 0, 9);
    ausgabe_liste (liste, 10);
}

```

5.5. Heapsort

```

#include <stdio.h>

void ausgabe_liste (int *liste, int anzahl)
{
    int i;

    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", liste [i]);
    printf ("\n");
}

void down_heap (int *heap, int anzahl, int pos_vater)
// Überprüft, ob das Element an der Stelle "pos_vater" wirklich

```

```

// größer ist als seine beiden Söhne, wenn nicht, wird dieses
// Element an die richtige Stelle im Heap verschoben.
{
    int wurzel = heap[pos_vater];
    int max_sohn;

    // Prüfe, ob der Knoten überhaupt Söhne besitzt
    if (2 * pos_vater + 1 < anzahl)
    {
        do
        {
            // Ermittle den größeren der Söhne
            max_sohn = 2 * pos_vater + 1;
            if ((max_sohn < anzahl - 1) &&
                (heap [max_sohn + 1] > heap [max_sohn]))
                max_sohn++;
            // Wenn das Element kleiner als der größere Sohn ist,
            // dann muß das Element im Heap nach unten verschoben
            // werden
            if (wurzel < heap [max_sohn])
            {
                heap [pos_vater] = heap [max_sohn];
                pos_vater = max_sohn;
            }
        }
        // Dies erfolgt solange, bis das Element am unteren Ende des
        // Baums angekommen ist, oder bis es größer als beide Söhne ist
        while ((2*pos_vater + 1 < anzahl) && (wurzel < heap [max_sohn]));
        heap [pos_vater] = wurzel;
    }
}

int remove_heap (int *heap, int &anzahl)
// Entfernt das größte Element (=Wurzel) aus dem Heap
{
    int ret = heap[0];

    // Wurzel durch letztes Element ersetzen
    heap[0] = heap[anzahl - 1];
    anzahl--;
    // Dieses Element auf korrekte Position überprüfen
    down_heap (heap, anzahl, 0);
    return ret;
}

void heap_sort (int *liste, int anzahl)
{
    int heap_anzahl=anzahl;
    int heap_wurzel;

    // Aus der unsortierten Liste schrittweise einen Heap aufbauen
    for (heap_wurzel = anzahl/2 - 1; heap_wurzel >=0; heap_wurzel--)
        down_heap (liste, heap_anzahl, heap_wurzel);
    ausgabe_liste (liste, anzahl);
    // Aus dem Heap schrittweise eine sortierte Liste aufbauen
    for (heap_wurzel = anzahl - 1; heap_wurzel >=0; heap_wurzel--)
        liste [heap_wurzel] = remove_heap (liste, heap_anzahl);
}

void main (void)
{
    int liste [10] = {12,3,9,11,18,25,13,6,42,37};

    ausgabe_liste (liste, 10);
    heap_sort (liste, 10);
    ausgabe_liste (liste, 10);
}

```

5.6. Abgeleitete Klassen

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

// Gemeinsame Basisklasse
class t_liste
{
protected:
    int element [40];
    int anzahl;
    void vertauschen (int i, int j);
}

```

```

    public:
        t_liste (void);
        ~t_liste ();
        int einfuegen (int daten);
        virtual void sort (void)=0;
        void ausgabe (void);
};

// Liste mit Bubble-Sort
class t_bubble_liste : public t_liste
{
    public:
        virtual void sort (void);
};

// Liste mit Selection-Sort
class t_selection_liste : public t_liste
{
    public:
        virtual void sort (void);
};

// Liste mit Insertion-Sort
class t_insertion_liste : public t_liste
{
    public:
        virtual void sort (void);
};

// Liste mit Quick-Sort
class t_quick_liste : public t_liste
{
    private:
        void quicksort (int links, int rechts);

    public:
        virtual void sort (void);
};

// Liste mit Heap-Sort
class t_heap_liste : public t_liste
{
    private:
        int heap_anzahl;
        void downheap (int pos_vater);
        int removeheap (void);

    public:
        t_heap_liste (void);
        virtual void sort (void);
};

t_liste::t_liste (void) : anzahl (0)
{
}

t_liste::~~t_liste ()
{
}

void t_liste::vertauschen (int i, int j)
{
    // Dreiertausch
    int temp = element [i];
    element [i] = element [j];
    element [j] = temp;
}

int t_liste::einfuegen (int daten)
{
    // Wenn möglich, das neue Element hinten anfügen
    if (anzahl < 40)
    {
        element [anzahl] = daten;
        anzahl ++;
    }
    return anzahl;
}

void t_liste::ausgabe (void)

```

```

{
    int i;

    // Alle Listenelemente ausgeben
    for (i=0; i<anzahl; i++)
        printf ("%d ", element [i]);
    printf ("\n");
}

void t_bubble_liste::sort (void)
{
    int bubble_pos;
    int getauscht;

    do
    {
        getauscht = 0;
        // Prüfe, ob in der Liste Element-Paare vorhanden sind, bei denen
        // die Sortierung nicht stimmt
        for (bubble_pos = 0; bubble_pos < anzahl -1; bubble_pos++)
        {
            // Ein solches Paar wird vertauscht und der Tausch wird vermerkt
            if (element [bubble_pos] > element [bubble_pos +1])
            {
                vertauschen (bubble_pos, bubble_pos +1);
                getauscht = 1;
            }
        }
    }
    // Solange Element-Paare vertauscht wurden, muß die Liste nochmals
    // geprüft werden
    while (getauscht != 0);
}

void t_selection_liste::sort (void)
{
    int min_pos;
    int ins_pos;
    int such_pos;

    // Suche das nächste Element, das in den sortierten Bereich
    // eingefügt werden muß
    for (ins_pos=0; ins_pos < anzahl-1; ins_pos++)
    {
        min_pos = ins_pos;
        // Suche dazu das kleinste Element im verbliebenen Rest
        for (such_pos = ins_pos +1; such_pos < anzahl; such_pos++)
            if (element [such_pos] < element [min_pos])
                min_pos = such_pos;
        // Vertausche das gefundene Minimum mit dem Element, das
        // sich am Anfang des unsortierten Teils befindet.
        vertauschen (ins_pos, min_pos);
    }
}

void t_insertion_liste::sort (void)
{
    int next_pos;
    int next_element;
    int ins_pos;

    // Nimm das nächste Element, das in den sortierten Bereich
    // eingefügt werden soll
    for (next_pos=1; next_pos<anzahl; next_pos++)
    {
        next_element = element [next_pos];
        // Suche die richtige Stelle an der das Element einzufügen ist.
        // Dazu werden alle größeren Elemente um eine Stelle nach hinten
        // verschoben.
        ins_pos = next_pos;
        while ((ins_pos > 0) && (element[ins_pos -1] > next_element))
        {
            element [ins_pos] = element [ins_pos -1];
            ins_pos--;
        };
        // Füge das Element an der richtigen Stelle ein.
        element [ins_pos] = next_element;
    }
}

```

```

void t_quick_liste::quicksort (int links, int rechts)
{
    int teilelement;
    int min_pos;
    int max_pos;

    if (links < rechts)
    {
        // Sortiere solange Elemente um, bis links vom Teilungselement
        // keine größeren und rechts davon keine kleineren Elemente stehen
        teilelement = element [rechts];
        max_pos = links;
        min_pos = rechts -1;
        do
        {
            // Suche dazu von links das erste Element, das kleiner als
            // das Teilungselement ...
            while (element [max_pos] < teilelement)
                max_pos++;
            // ... und von rechts das erste Element, das größer ist.
            while ((min_pos >= links) && (element [min_pos] > teilelement))
                min_pos--;
            // Wenn diese nicht in der richtigen Reihenfolge stehen,
            // werden sie vertauscht
            if (min_pos > max_pos)
                vertauschen (min_pos, max_pos);
        }
        // Dies wird solange durchgeführt, bis die grobe Vorsortierung
        // abgeschlossen ist
        while (min_pos > max_pos);
        vertauschen (max_pos, rechts);
        // Sortiere danach die linke und rechte "Hälfte" per Rekursion
        quicksort (links, max_pos -1);
        quicksort (max_pos +1, rechts);
    }
}

void t_quick_liste::sort (void)
{
    quicksort (0, anzahl -1);
}

t_heap_liste::t_heap_liste (void) : t_liste(), heap_anzahl (0)
{
}

void t_heap_liste::downheap (int pos_vater)
// Überprüft, ob das Element an der Stelle "pos_vater" wirklich
// das größer ist als seine beiden Söhne, wenn nicht, wird dieses
// Element an die richtige Stelle im Heap verschoben.
{
    int wurzel = element[pos_vater];
    int max_sohn;

    // Prüfe, ob der Knoten überhaupt Söhne besitzt
    if (2 * pos_vater +1 < heap_anzahl)
    {
        do
        {
            // Ermittle den größeren der Söhne
            max_sohn = 2 * pos_vater +1;
            if ((max_sohn < heap_anzahl -1) &&
                (element [max_sohn +1] > element [max_sohn]))
                max_sohn++;
            // Wenn das Element kleiner als der größere Sohn ist,
            // dann muß das Element im Heap nach unten verschoben
            // werden
            if (wurzel < element [max_sohn])
            {
                element [pos_vater] = element [max_sohn];
                pos_vater = max_sohn;
            }
        }
        // Dies erfolgt solange, bis das Element am unteren Ende des
        // Baums angekommen ist, oder bis es größer als beide Söhne ist
        while ((2*pos_vater +1 < heap_anzahl) && (wurzel < element [max_sohn]));
        element [pos_vater] = wurzel;
    }
}

```

```

int t_heap_liste::removeheap (void)
// Entfernt das größte Element (=Wurzel) aus dem Heap
{
    int ret = element[0];

    // Wurzel durch letztes Element ersetzen
    element[0] = element[heap_anzahl -1];
    heap_anzahl--;
    // Dieses Element auf korrekte Position überprüfen
    downheap (0);
    return ret;
}

void t_heap_liste::sort (void)
{
    int heap_wurzel;

    heap_anzahl=anzahl;
    // Aus der unsortierten Liste schrittweise einen Heap aufbauen
    for (heap_wurzel = anzahl/2 -1; heap_wurzel >=0; heap_wurzel--)
        downheap (heap_wurzel);
    // Aus dem Heap schrittweise eine sortierte Liste aufbauen
    for (heap_wurzel = anzahl -1; heap_wurzel >=0; heap_wurzel--)
        element [heap_wurzel] = removeheap ();
}

void main (void)
{
    t_liste *liste;
    int wahl, i;

    printf ("Mit welchem Verfahren möchten Sie die Liste sortieren?\n");
    printf ("(1) Bubble-Sort\n");
    printf ("(2) Selection-Sort\n");
    printf ("(3) Insertion-Sort\n");
    printf ("(4) Quick-Sort\n");
    printf ("(5) Heap-Sort\n");
    printf ("Ihre Wahl:");
    scanf ("%d", &wahl);
    switch (wahl)
    {
        case 1: liste = new (t_bubble_liste); break;
        case 2: liste = new (t_selection_liste); break;
        case 3: liste = new (t_insertion_liste); break;
        case 4: liste = new (t_quick_liste); break;
        case 5: liste = new (t_heap_liste); break;
        default: liste = NULL;
    }
    if (liste != NULL)
    {
        for (i=0; i<20; i++)
            liste->einfuegen (i*i -13*i +5);
        liste->ausgabe();
        liste->sort();
        liste->ausgabe();
        delete (liste);
    }
}

```

6. Bäume

6.1. Binärbaum ohne Duplikate

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_baum
{
    int daten;
    t_baum *links;
    t_baum *rechts;
};

struct t_queue
{
    t_baum **daten;
    int max;
    int anzahl;
    int out_pos;
};

//
// Algorithmen für Queue (wird für Level-Order benötigt)
//

void init_queue (t_queue &queue, int max_anzahl)
// Queue erzeugen. Die Queue kann maximal die übergebene Anzahl
// von Elementen aufnehmen
{
    // Queue initialisieren
    queue.daten = (t_baum **) malloc (max_anzahl * sizeof (t_baum *));
    if (queue.daten != NULL)
        queue.max = max_anzahl;
    else
        queue.max = 0;
    queue.anzahl = 0;
    queue.out_pos = 0;
}

void push_queue (t_queue &queue, t_baum *knoten)
// Ein neues Element -wenn möglich- in die Queue stellen
{
    if (queue.anzahl < queue.max)
    {
        queue.daten[(queue.out_pos + queue.anzahl) % queue.max] = knoten;
        queue.anzahl++;
    }
}

t_baum *pop_queue (t_queue &queue)
// Ein Element -wenn vorhanden- aus der Queue entnehmen
// Falls kein Element mehr vorhanden ist, wird NULL geliefert
{
    t_baum *daten = NULL;

    if (queue.anzahl > 0)
    {
        daten = queue.daten [queue.out_pos];
        queue.out_pos = (queue.out_pos + 1) % queue.max;
        queue.anzahl--;
    }
    return daten;
}

void delete_queue (t_queue &queue)
// Gibt den von der Queue reservierten Speicher frei
{
    if (queue.daten != NULL)
    {
        free (queue.daten);
        queue.anzahl = 0;
    }
}

//
// Algorithmen für Einfügen und Entfernen einzelner Elemente im Baum
//

t_baum *einfuegen (t_baum *wurzel, int neudaten)

```

```

// Fügt in den Baum einen neuen Knoten ein, der die angegebenen
// Daten enthält.
{
    // Wenn der Teilbaum nicht existiert, wird er angelegt und
    // dort werden die neuen Daten eingetragen
    if (wurzel == NULL)
    {
        wurzel = (t_baum *) malloc (sizeof (t_baum));
        if (wurzel != NULL)
        {
            wurzel->daten = neudaten;
            wurzel->links = NULL;
            wurzel->rechts = NULL;
        }
    }
    // Andernfalls wird zum linken oder rechten Teilbaum
    // weitergegangen
    else
    {
        if (neudaten < wurzel->daten)
            wurzel->links = einfuegen (wurzel->links, neudaten);
        else
            wurzel->rechts = einfuegen (wurzel->rechts, neudaten);
    }
    // Als Ergebnis wird die Wurzel des Teilbaums zurückgeliefert
    return wurzel;
}

t_baum *maximum (t_baum *wurzel)
// Liefert einen Zeiger auf das größte Element des Baums
{
    // Gehe zum größten Element
    if (wurzel != NULL)
    {
        while (wurzel->rechts != NULL)
            wurzel = wurzel->rechts;
    }
    // Gib dessen Adresse zurück
    return wurzel;
}

t_baum *entfernen (t_baum *wurzel, int deldaten)
// Entfernt die angegebenen Daten aus dem Baum
{
    t_baum *maxknoten;
    t_baum *delknoten = wurzel;

    // Wenn die Daten im Baum noch nicht gefunden wurde, ...
    if ((wurzel != NULL) && (wurzel->daten != deldaten))
    {
        // ... dann suche im linken, bzw. rechten Teilbaum danach
        if (deldaten < wurzel->daten)
            wurzel->links = entfernen (wurzel->links, deldaten);
        else
            wurzel->rechts = entfernen (wurzel->rechts, deldaten);
    }
    // Andernfalls entferne den gefundenen Knoten
    else if (wurzel != NULL)
    {
        // Prüfe, ob ein einfacher Spezialfall vorliegt
        if (wurzel->links == NULL)
        {
            wurzel = wurzel->rechts;
            free (delknoten);
        }
        else if (wurzel->rechts == NULL)
        {
            wurzel = wurzel->links;
            free (delknoten);
        }
        // Andernfalls ermittle das größte Element, das kleiner als
        // das zu löschende Element ist und übertrage dessen Daten
        // in das zu löschende Element. Danach lösche stattdessen
        // dieses Element
        else
        {
            maxknoten = maximum (wurzel->links);
            wurzel->daten = maxknoten->daten;
            wurzel->links = entfernen (wurzel->links, wurzel->daten);
        }
    }
}

```



```

    }
    // Als Ergebnis wird die Wurzel des Teilbaums zurückgegeben
    return wurzel;
}

//
// Algorithmen, mit denen der Baum durchlaufen wird
//

void ausgabe (t_baum *wurzel, int tiefe)
{
    // Durchlaufe den Baum und gib alle Knoten entsprechend ihrer Tiefe aus
    // Der Baum wird um 90° nach links gedreht ausgegeben
    if (wurzel != NULL)
    {
        ausgabe (wurzel->rechts, tiefe +1);
        printf ("%*c%d\n", tiefe *4, ' ', wurzel->daten);
        ausgabe (wurzel->links, tiefe +1);
    }
}

int anzahl (t_baum *wurzel)
// Liefert die Anzahl der Elemente im Baum
{
    if (wurzel != NULL)
        return 1 + anzahl (wurzel->links) + anzahl (wurzel->rechts);
    else
        return 0;
}

void preorder (t_baum *wurzel, int *&liste)
// Durchläuft den Baum in PreOrder und speichert alle Elemente
// in einem Feld.
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Durchlaufe Baum in PreOrder
        *liste = wurzel->daten;
        liste++;
        preorder (wurzel->links, liste);
        preorder (wurzel->rechts, liste);
    }
}

void inorder (t_baum *wurzel, int *&liste)
// Durchläuft den Baum in InOrder und speichert alle Elemente
// in einem Feld.
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Durchlaufe Baum in InOrder
        inorder (wurzel->links, liste);
        *liste = wurzel->daten;
        liste++;
        inorder (wurzel->rechts, liste);
    }
}

void postorder (t_baum *wurzel, int *&liste)
// Durchläuft den Baum in PostOrder und speichert alle Elemente
// in einem Feld.
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Durchlaufe Baum in PostOrder
        postorder (wurzel->links, liste);
        postorder (wurzel->rechts, liste);
        *liste = wurzel->daten;
        liste++;
    }
}

void levelorder (t_baum *wurzel, int *liste)
// Durchläuft den Baum in LevelOrder und speichert alle Elemente
// in einem Feld. Zum Durchlaufen wird eine Queue verwendet, die
// die einzelnen Knoten des Baums speichert
{
    t_baum *knoten;
    t_queue queue;
    int anz = anzahl (wurzel);

```

```

if (wurzel != NULL)
{
    init_queue (queue, anz);
    // Durchlaufe Baum in LevelOrder
    push_queue (queue, wurzel);
    while ((knoten = pop_queue (queue)) != NULL)
    {
        // Speichere die Daten eines Knoten ...
        *liste = knoten->daten;
        liste++;
        // ... und stelle -wenn vorhanden- dessen Söhne in die Queue
        if (knoten->links != NULL)
            push_queue (queue, knoten->links);
        if (knoten->rechts != NULL)
            push_queue (queue, knoten->rechts);
    }
}
}

void invers (t_baum *wurzel, int *&liste)
// Durchläuft den Baum in absteigender Reihenfolge und speichert
// alle Elemente in einem Feld
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Durchlaufe Baum in absteigender Reihenfolge
        invers (wurzel->rechts, liste);
        *liste = wurzel->daten;
        liste++;
        invers (wurzel->links, liste);
    }
}

int *durchlaufen (t_baum *wurzel, int reihenfolge)
// Durchläuft den Baum und speichert alle Elemente in einem Feld.
// Die Adresse dieser Liste wird als Funktionswert zurückgegeben.
// Die Reihenfolge für das Durchlaufen wird über den Parameter
// "reihenfolge" gesteuert.
{
    int anz = anzahl (wurzel);
    int *liste = (int *) malloc (anz * sizeof (int));
    int *anfang = liste;

    // Wenn ein Feld mit Platz für die Elemente des Baums
    // angelegt werden konnte, dann durchlaufe den Baum
    if (liste != NULL)
    {
        switch (reihenfolge)
        {
            case 1: preorder (wurzel, liste); break;
            case 2: inorder (wurzel, liste); break;
            case 3: postorder (wurzel, liste); break;
            case 4: levelorder (wurzel, liste); break;
            case 5: invers (wurzel, liste); break;
        }
    }
    return anfang;
}

t_baum *umsortieren (t_baum *wurzel, int reihenfolge)
// Erstellt aus dem übergebenen Baum einen neuen Baum.
// Die Daten werden dabei in der angegebenen Reihenfolge
// eingefügt
{
    t_baum *neubaum = NULL;
    int *liste = durchlaufen (wurzel, reihenfolge);
    int anz = anzahl (wurzel);
    int i;

    if (liste != NULL)
    {
        for (i=0; i<anz; i++)
            neubaum = einfuegen (neubaum, liste[i]);
        free (liste);
    }
    return neubaum;
}
//

```

```

// Baum vollständig freigeben
//

void loeschen (t_baum *wurzel)
// Gibt den gesamten Speicherplatt frei, der vom Baum belegt wird
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Entferne linken und rechten Teilbaum aus dem Speicher
        loeschen (wurzel->links);
        loeschen (wurzel->rechts);
        // Anschließend gib den von der Wurzel belegten Speicher frei
        free (wurzel);
    }
}

void main (void)
{
    t_baum *wurzel = NULL;
    t_baum *duplikat = NULL;

    // Baum erstellen
    wurzel = einfuegen (wurzel, 3);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 8);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 1);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 12);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 16);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 7);
    ausgabe (wurzel, 0);
    // neuen Baum (PreOrder) erstellen
    duplikat = umsortieren (wurzel, 1);
    ausgabe (duplikat, 0);
    loeschen (duplikat);
    // neuen Baum (InOrder) erstellen
    duplikat = umsortieren (wurzel, 2);
    ausgabe (duplikat, 0);
    loeschen (duplikat);
    // neuen Baum (PostOrder) erstellen
    duplikat = umsortieren (wurzel, 3);
    ausgabe (duplikat, 0);
    loeschen (duplikat);
    // neuen Baum (LevelOrder) erstellen
    duplikat = umsortieren (wurzel, 4);
    ausgabe (duplikat, 0);
    loeschen (duplikat);
    // neuen Baum (Invers) erstellen
    duplikat = umsortieren (wurzel, 5);
    ausgabe (duplikat, 0);
    loeschen (duplikat);
    // Einzelne Elemente entfernen
    wurzel = entfernen (wurzel, 8);
    ausgabe (wurzel, 0);
    wurzel = entfernen (wurzel, 3);
    ausgabe (wurzel, 0);
    // Baum loeschen
    loeschen (wurzel);
}

```

6.2. Binärbaum mit Duplikaten

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_liste
{
    int daten;
    t_liste *next;
};

struct t_baum
{
    t_liste *anfang;
    t_baum *links;
    t_baum *rechts;
};

void anfragen_liste (t_liste *&anfang, int neudaten)
// Fügt am Anfang einer einfach verketteten Liste ein neues
// Element an
{
    t_liste *neuelement = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
}

```

```

if (neuelement != NULL)
{
    // Hänge die bisherige Liste an das neue Element an
    neuelement->daten = neudaten;
    neuelement->next = anfang;
    // und gib als Anfang der Liste das neue Element zurück
    anfang = neuelement;
}
}

void loesche_liste (t_liste *anfang)
// Gibt den gesamten von der Liste belegten Speicher frei
{
    if (anfang != NULL)
    {
        loesche_liste (anfang->next);
        free (anfang);
    }
}

t_baum *einfuegen (t_baum *wurzel, int neudaten)
// Fügt in den Baum einen neuen Knoten ein, der die angegebenen
// Daten enthält.
{
    // Wenn der Teilbaum nicht existiert, wird er angelegt und
    // dort werden die neuen Daten eingetragen
    if (wurzel == NULL)
    {
        wurzel = (t_baum *) malloc (sizeof (t_baum));
        if (wurzel != NULL)
        {
            wurzel->anfang = (t_liste *) malloc (sizeof (t_liste));
            // Wenn eine neue Liste angelegt werden konnte, wird
            // dort das neue Element eingefügt
            if (wurzel->anfang != NULL)
            {
                wurzel->anfang->daten = neudaten;
                wurzel->anfang->next = NULL;
                wurzel->links = NULL;
                wurzel->rechts = NULL;
            }
            else
            // Andernfalls wird der Knoten wieder freigegeben. Damit
            // wird sichergestellt, daß kein Knoten im Baum eine leere
            // Liste enthält
            {
                free (wurzel);
                wurzel = NULL;
            }
        }
    }
    // Andernfalls wird zum linken oder rechten Teilbaum
    // weitergegangen
    else
    {
        if (neudaten < wurzel->anfang->daten)
            wurzel->links = einfuegen (wurzel->links, neudaten);
        else if (neudaten > wurzel->anfang->daten)
            wurzel->rechts = einfuegen (wurzel->rechts, neudaten);
        else
            anfüegen_liste (wurzel->anfang, neudaten);
    }
    // Als Ergebnis wird die Wurzel des Teilbaums zurückgeliefert
    return wurzel;
}

void ausgabe (t_baum *wurzel, int tiefe)
{
    // Durchlaufe den Baum und gib alle Knoten entsprechend ihrer Tiefe aus
    // Der Baum wird um 90° nach links gedreht ausgegeben
    if (wurzel != NULL)
    {
        ausgabe (wurzel->rechts, tiefe +1);
        printf ("%*c%d\n", tiefe *4, ' ', wurzel->anfang->daten);
        ausgabe (wurzel->links, tiefe +1);
    }
}

void loeschen (t_baum *wurzel)

```

```
// Gibt den gesamten Speicherplatt frei, der vom Baum belegt wird
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Entferne linken und rechten Teilbaum aus dem Speicher
        loeschen (wurzel->links);
        loeschen (wurzel->rechts);
        // Anschließend gib den von der Wurzel belegten Speicher frei
        loesche_liste (wurzel->anfang);
        free (wurzel);
    }
}

void main (void)
{
    t_baum *wurzel = NULL;

    wurzel = einfuegen (wurzel, 3);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 8);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 1);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 12);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 16);
    wurzel = einfuegen (wurzel, 7);
    ausgabe (wurzel, 0);
    loeschen (wurzel);
}
```

6.3. AVL-Baum

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

struct t_baum
{
    int daten;
    int balance;
    t_baum *links;
    t_baum *rechts;
};

void rotieren (t_baum *&wurzel)
{
    int bal_sohn;
    t_baum *altewurzel = wurzel;

    // ermittle Balance-Faktor beim entsprechenden Sohn
    if (wurzel->balance == -2)
        bal_sohn = wurzel->rechts->balance;
    else
        bal_sohn = wurzel->links->balance;
    // Betrachte die vier verschiedenen Möglichkeiten der Rotation
    switch (wurzel->balance + bal_sohn)
    {
        // einfache Linksrotation
        case -3:
        case -2: wurzel = altewurzel->rechts;
                altewurzel->rechts = wurzel->links;
                wurzel->links = altewurzel;
                altewurzel->balance = -wurzel->balance -1;
                wurzel->balance = wurzel->balance +1;
                break;

        // Doppelrotation rechts-links
        case -1: wurzel = altewurzel->rechts->links;
                altewurzel->rechts->links = wurzel->rechts;
                wurzel->rechts = altewurzel->rechts;
                altewurzel->rechts = wurzel->links;
                wurzel->links = altewurzel;
                wurzel->links->balance = (wurzel->balance == 1) ? -1 : 0;
                wurzel->rechts->balance = (wurzel->balance == -1) ? 1 : 0;
                wurzel->balance = 0;
                break;

        // Doppelrotation links-rechts
        case 1: wurzel = altewurzel->links->rechts;
                altewurzel->links->rechts = wurzel->links;
                wurzel->links = altewurzel->links;
                altewurzel->links = wurzel->rechts;
                wurzel->rechts = altewurzel;
                wurzel->links->balance = (wurzel->balance == -1) ? 1 : 0;
                wurzel->rechts->balance = (wurzel->balance == 1) ? -1 : 0;
                wurzel->balance = 0;
                break;
    }
}
```

```

// einfache Rechtsrotation
case 2:
case 3: wurzel = altewurzel->links;
      altewurzel->links = wurzel->rechts;
      wurzel->rechts = altewurzel;
      wurzel->balance = 0;
      altewurzel->balance = 0;
      break;
}
}

int einfuegen (t_baum *&wurzel, int neudaten)
{
    int check_bal;

    if (wurzel==NULL)
    {
        // Erstelle einen neuen Knoten und trage dort die übergebenen
        // Daten ein. Dabei ändert sich die Höhe dieses Teilbaums
        wurzel = (t_baum *) malloc (sizeof (t_baum));
        if (wurzel != NULL)
        {
            wurzel->daten = neudaten;
            wurzel->balance = 0;
            wurzel->links = NULL;
            wurzel->rechts = NULL;
            return 1;
        }
        else
            return 0;
    }
    else
    {
        // Suche im passenden Teilbaum nach der richtigen Einfügeposition
        // Der rekursive Aufruf liefert TRUE zurück, wenn sich beim Einfügen
        // die Höhe des Teilbaums geändert hat. Dann muß der Balance-Faktor
        // der Wurzel überprüft werden
        if (neudaten < wurzel->daten)
            check_bal = einfuegen (wurzel->links, neudaten);
        else
            check_bal = einfuegen (wurzel->rechts, neudaten);
        // Wenn der Balance-Faktor geprüft werden muß, ...
        if (check_bal)
        {
            // ... korrigiere den Balance-Faktor der Wurzel
            if (neudaten < wurzel->daten)
                wurzel->balance ++;
            else
                wurzel->balance --;
            // Falls der Balance-Faktor dabei die Regeln des AVL-Baums verletzt,
            // muß rotiert werden
            if ((wurzel->balance == -2) || (wurzel->balance == 2))
                rotieren (wurzel);
            // Wenn der Balance-Faktor der Wurzel am Schluß ungleich 0 ist, dann
            // hat sich die Höhe des Teilbaums geändert
            return (wurzel->balance != 0);
        }
        return 0;
    }
}

t_baum *maximum (t_baum *wurzel)
// Liefert einen Zeiger auf das größte Element des Baums
{
    // Gehe zum größten Element
    if (wurzel != NULL)
    {
        while (wurzel->rechts != NULL)
            wurzel = wurzel->rechts;
    }
    // Gib dessen Adresse zurück
    return wurzel;
}

int entfernen (t_baum *&wurzel, int deldaten)
{
    t_baum *delknoten = wurzel;
    t_baum *vorgaenger;
    int check_bal;

```

```

if (wurzel != NULL)
{
    // Prüfe, wo sich das zu löschende Element befindet
    if (deldaten < wurzel->daten)
        check_bal = entfernen (wurzel->links, deldaten);
    else if (deldaten > wurzel->daten)
        check_bal = entfernen (wurzel->rechts, deldaten);
    else
    {
        // Zu löschendes Element gefunden. Prüfe, ob das Element
        // direkt durch einen Sohn ersetzt werden kann
        if (wurzel->rechts == NULL)
        {
            wurzel = wurzel->links;
            free (delknoten);
            return 1;
        }
        else if (wurzel->links == NULL)
        {
            wurzel = wurzel->rechts;
            free (delknoten);
            return 1;
        }
        else
        {
            // Wenn nicht, dann ermittle den symmetrischen Vorgänger der
            // Wurzel und ersetze die Daten der Wurzel durch die Daten des
            // Vorgänger. Danach muß nur noch der Vorgänger gelöscht werden
            vorgaenger = maximum (wurzel->links);
            wurzel->daten = vorgaenger->daten;
            check_bal = entfernen (wurzel->links, wurzel->daten);
        }
    }
}
if (check_bal)
{
    // Wenn der Teilbaum in der Höhe gefallen ist, dann korrigiere
    // den Balance-Faktor der Wurzel
    if (deldaten < wurzel->daten)
        wurzel->balance --;
    else
        wurzel->balance ++;
    // Wird dabei die Regel für AVL-Bäume verletzt, muß rotiert werden
    if ((wurzel->balance == -2) || (wurzel->balance == 2))
        rotieren (wurzel);
    // Die Höhe des Teilbaums ist genau dann um eins gefallen, wenn der
    // Balance-Faktor der Wurzel 0 wurde
    return (wurzel->balance == 0);
}
}
return 0;
}

void ausgabe (t_baum *wurzel, int tiefe)
{
    // Durchlaufe den Baum und gib alle Knoten entsprechend ihrer Tiefe aus
    if (wurzel != NULL)
    {
        ausgabe (wurzel->rechts, tiefe +1);
        printf ("%c%d(%d)\n", tiefe *8, ' ', wurzel->daten, wurzel->balance);
        ausgabe (wurzel->links, tiefe +1);
    }
}

void loeschen (t_baum *wurzel)
// Gibt den gesamten Speicherplatt frei, der vom Baum belegt wird
{
    if (wurzel != NULL)
    {
        // Entferne linken und rechten Teilbaum aus dem Speicher
        loeschen (wurzel->links);
        loeschen (wurzel->rechts);
        // Anschließend gib den von der Wurzel belegten Speicher frei
        free (wurzel);
    }
}

void main (void)
{
    t_baum *wurzel = NULL;

```

```
einfuegen (wurzel, 4);  
einfuegen (wurzel, 2);  
einfuegen (wurzel, 8);  
einfuegen (wurzel, 1);  
einfuegen (wurzel, 3);  
einfuegen (wurzel, 9);  
einfuegen (wurzel, 6);  
einfuegen (wurzel, 7);  
einfuegen (wurzel, 5);  
ausgabe (wurzel, 0);  
entfernen (wurzel, 3);  
ausgabe (wurzel, 0);  
entfernen (wurzel, 1);  
ausgabe (wurzel, 0);  
loeschen (wurzel);  
}
```