

Dies ist nun also die freundlicherweise von mir mitgetippte Fassung der Vorlesung
Informatik (3. Semester) bei **Hr. Prof. Dr. Poller** an der **BA-Mannheim**.

Ich hoffe ihr könnt damit was anfangen.

Fehler, Kritik, Anregungen und alles was euch sonst noch dazu einfällt mailt bitte an
st_tost@hotmail.com

Literatur

Aho, Sethi, Ullmann: Compilerbau (~200,-) [Standard wenn man Compiler bauen will]
Ullmann, Hopcroft: Formale Sprachen und Automatentheorie (Formal Languages and Automata Theorie)
Becker, Walter: Formale Sprachen
Zima: Compilerbau (WI-Verlag)
Nikolaus Wirth: Compilerbau (~50,-)

Inhalte / Gliederung

22 Seiten

3. Semester - Programmiersprachen und deren Übersetzer (früher Compilerbau)

- Theorie
 - o formale Sprachen und Automaten
 - einseitig lineare Sprachen ↔ endlicher Automat
 - kontextfreie Sprachen ↔ Kellerautomat
- Programmiersprachen
 - o lexikalischer Aufbau
 - o syntaktischer Aufbau
 - o semantischer Aufbau
 - o eigene Sprache entwickeln
- Übersetzer
 - o Frontend
 - lexikalische Analyse
 - Syntaxanalyse
 - semantische Analyse
 - o Backend
 - Objektcodegenerierung
 - Maschinencodegenerierung

Sprache	2
Formale Sprachen	2
Chomsky Hierarchie	2
Ch(2)-Sprachen	3
Ch(3)-Sprachen	3
Beispiele	4
Endlicher Automat	4
kontextfreie Sprache / Ch(2) / Syntax	6
Kellerautomat	8
Top-Down - Parsing	14
MINI – eigene Sprache	14
Erzeugen einer Regelmatrix	18
Semantische Analyse	20
3 Adress Code	20

Sprache: Warum – Wie – Was – Wieso ?

- automatische Sprachübersetzung ist sehr kompliziert
- Kontextumfang ist nicht sicher abgrenzbar (Der Müller ma(h)lt, der Maler ma(h)lt, beide ma(h)len.)
- Wortschatz sehr umfangreich
(bei hochgebildeten Menschen: 10.000 aktiv und 50.000 passiv, Compiler ~20)

Der lexikalische Aufbau beschreibt aus welchen Buchstaben eine Sprache aufgebaut ist.

Lexikalische Regeln legen fest nach welchen Regeln Buchstaben in den Worten auftauchen
(Beispiel: Großbuchstaben nicht mitten im Wort, ...).

Die Syntax (Grammatik) beschreibt welche Worte in welcher Form wie hintereinander stehen (müssen).
Semantik

- Zusammenhang zwischen einzelnen Worten (Beispiel: nach IF muß ein Boolscher Ausdruck folgen)

Compiler und Interpreter führen beide dazu, das programmierte Code in Maschinensprache umgewandelt wird, Unterschied:

Compiler erzeugt ausführbaren Code \leftrightarrow Interpreter erzeugt keinen solchen.

Formale Sprachen

$L(G)$ = Language of Grammar

$L(G)$ = $(T(G), Z(G), S(G), P(G))$

$T(G)$	Menge der Terminalsymbole
$Z(G)$	Menge der Nichtterminalsymbole
$S(G)$	Startsymbole
$P(G)$	Regeln

$A(G) = T(G) \cup Z(G)$ Gesamtalphabet

$T(G) \cap Z(G) = \emptyset$

$S(G) \subseteq Z(G)$

$P(G) \subset A^*(G) \times A^*(G)$

Beispiel:

$T(G) = \{a, b\}$

$Z(G) = \{A_0, A_1, A_2, A_3, A_4\}$

$S(G) = \{A_0\}$

$P(G) = \{ \begin{array}{l} A_0 \rightarrow a \mid b \mid aA_1 \mid bA_2 \\ A_1 \rightarrow aA_3 \mid a \\ A_2 \rightarrow bA_4 \mid b \\ A_3 \rightarrow a \\ A_4 \rightarrow b \end{array} \}$

gesucht: Menge aller korrekten Worte \rightarrow reguläre Menge RM

$A_0 \rightarrow aA_1$

aaA_3

$A_0 \rightarrow bA_2$

bbA_4

$RM = \{a, b, aa, aaa, bb, bbb\}$

Chomsky Hierarchy

$Ch(1) + Ch(0) =$ einseitig begrenzte + natürliche Sprache

Beispiel: $Ch(1)$

$L(G) = (T(G), Z(G), S(G), P(G))$ wenn für alle $(u, v) \in P(G)$ gilt:

$u = u_1 \times v_1 \quad v = u_1 y v_1 \quad \text{mit } u_1, v_1 \in A^*(G) \setminus \emptyset, y \in Z(G)$

$u = u_2 \times v_1 \quad v = u_2 z v_1$

Ch(2) – Kontextfreie Sprachen

$L(G) = (T(G), Z(G), S(G), P(G))$, wenn für alle $(u, v) \in P(G)$ gilt: $u \in Z(G)$
 $u \rightarrow v \quad A_0 \rightarrow A_1 a A_2 b A_3$
 $A_1 \rightarrow x A_1 b \mid y$
 $A_2 \rightarrow v A_2 \mid z A_1 A_2 \mid b$
 $A_3 \rightarrow p$

- Syntaxsprache

$T(G) = \{\text{id}, *, +, (,)\}$
 $Z(G) = \{E, T, F\}$
 $S(G) = \{E\}$
 $P(G) = \{E \rightarrow T \mid E + T$
 $T \rightarrow F \mid T * F$
 $F \rightarrow \text{id} \mid (E)\}$

Ch(3)-Sprachen

- einseitig lineare Sprachen
- wachsen immer nur um um ein Element

$L(G) = (T(G), Z(G), S(G), P(G))$, wenn für alle $(u, v) \in P(G)$ gilt: $u \in Z(G)$ und $v \in T(G)$
oder $v = v_1 * \sigma$ mit $v_1 \in T(G)$ und $\sigma \in Z(G)$

Beispiel:

reguläre Menge: RM : { begin, else, end, if, goto, program, then }

$T(G) = \{a, b, d, e, f, g, h, i, l, m, n, o, p, r, s, t\}$
 $Z(G) = \{A_0 \dots A_{21}\}$
 $S(G) = \{A_0\}$
 $P(G) = \{A_0 \rightarrow bA_1 \mid eA_2 \mid gA_3 \mid iA_4 \mid pA_5 \mid tA_6$
 $A_1 \rightarrow eA_7 \mid$
 $A_2 \rightarrow lA_8 \mid nA_9$
 $A_3 \rightarrow oA_{10},$
 $A_4 \rightarrow f$
 $A_5 \rightarrow rA_{11}$
 $A_6 \rightarrow hA_{12}$
 $A_7 \rightarrow gA_{13}$
 $A_8 \rightarrow sA_{14}$
 $A_9 \rightarrow d$
 $A_{10} \rightarrow tA_{15}$
 $A_{11} \rightarrow oA_{16}$
 $A_{12} \rightarrow eA_{17}$
 $A_{13} \rightarrow iA_{18}$
 $A_{14} \rightarrow e$
 $A_{15} \rightarrow o$
 $A_{16} \rightarrow gA_{19}$
 $A_{17} \rightarrow n$
 $A_{18} \rightarrow n$
 $A_{19} \rightarrow rA_{10}$
 $A_{20} \rightarrow aA_{21}$
 $A_{21} \rightarrow m\}$

Eine Ch(3) Sprache wächst beim Aufbau nur in eine Richtung und nur um ein Element!
ohne Beweis:

Für eine Ch(3) Sprache existiert genau ein endlicher Automat EA(I, F, S, S₀, δ) der diese Sprache erkennt und zu jedem endlichen Automaten EA(I, F, S, S₀, δ) existiert genau eine Ch(3) Sprache die von EA erkannt werden kann.

Beispiel einer Ch(3) Sprache

$$T(G) = \{a, b, _\}$$

$$Z(G) = \{A_0, A_1\}$$

$$S(G) = \{A_0\}$$

$$P(G) = \{A_0 \rightarrow aA_1 \mid bA_1$$

$$A_1 \rightarrow aA_1 \mid bA_1 \mid _\}$$

$$\rightarrow RM \{a_, b_, aa_, ab_, ba_, bb_, aaa_, aab_, \dots\}$$

geg: RM : {abc, acb, bac, bca, cab, cba} ges: Ch(3) Sprache

$$T(G) = \{a, b, c\}$$

$$Z(G) = \{A_0 \dots A_9\}$$

$$S(G) = \{A_0\}$$

$$P(G) = \{A_0 \rightarrow aA_1 \mid bA_2 \mid cA_3$$

$$A_1 \rightarrow bA_4 \mid cA_5$$

$$A_2 \rightarrow aA_6 \mid cA_7$$

$$A_3 \rightarrow cA_8 \mid bA_9$$

$$A_4 \rightarrow c$$

$$A_5 \rightarrow b$$

$$A_6 \rightarrow c$$

$$A_7 \rightarrow a$$

$$A_8 \rightarrow b$$

$$A_9 \rightarrow a\}$$

Kurzform:

$$\{A_0 \rightarrow aA_1 \mid bA_2 \mid cA_3$$

$$A_1 \rightarrow bA_4 \mid cA_5$$

$$A_2 \rightarrow aA_4 \mid cA_6$$

$$A_3 \rightarrow aA_5 \mid bA_6$$

$$A_4 \rightarrow c$$

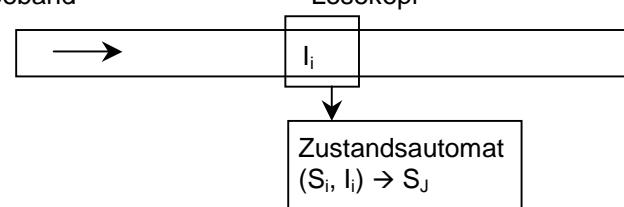
$$A_5 \rightarrow b$$

$$A_6 \rightarrow a\}$$

EA – endlicher Automat

I : Eingabesymbole

Eingabeband



F : Endzustände $F \subset S$

S_0 : Anfangszustände $S_0 \subset S$ $S_0 \cap F = \emptyset$ S : alle Zustände

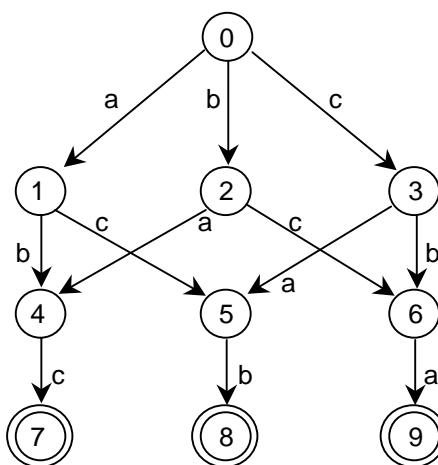
σ : Menge der Übergangsfunktion

$\sigma \subset S \times I \mid (S_i, I_i) \rightarrow S_j$

EA für Kurzform (s.o.)

$I = \{a, b, c\}$
 $F = \{7, 8, 9\}$
 $S_0 = \{0\}$
 $S = \{0 \dots 9\}$
 $\sigma = \{(0, a) \rightarrow 1, (0, b) \rightarrow 1, (0, c) \rightarrow 1, (1, b) \rightarrow 4, (1, c) \rightarrow 5, (2, a) \rightarrow 4, (2, c) \rightarrow 6, (3, a) \rightarrow 5, (3, b) \rightarrow 6, (4, c) \rightarrow 7, (5, b) \rightarrow 8, (6, a) \rightarrow 9\}$

Graphisch:



Generierung eines EA aus der Ch(3) Sprache

- 1) I : Eingabecontroller (Die Elemente von I entsprechen den Elementen von $T(G)$)
- 2) S_0 : Startzustände: Die Elemente von S_0 entsprechen den Elementen von $S(G)$
- 3) S/F : Zustände ohne Endzustände: Die Elemente von $S \setminus F$ entsprechen den Elementen von $Z(G)$
- 4) Regeln der Sprache ($u, v \in P(G)$ mit $v = v_0$ roh $v_1 \in T(G)$ roh $\in Z(G)$)
 - $A_i \rightarrow x A_j$ daraus wird Übergangsfunktion $(S_i, x) \rightarrow S_j$
- 5) Regeln der Ch(3) : $(u, v) \in P(G)$ mit $v \in T(G)$
 - $A_i \rightarrow y$ daraus wird Übergangsfunktion $(S_i, y) \rightarrow S_k$ mit S_k = Endzustand
- 6) Alle S_k aus Nr. 5 bilden die Menge der Endzustände F

Beispiel:

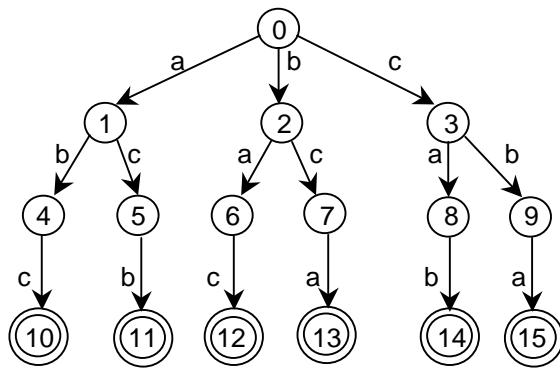
$RM : \{abc, acb, bac, bca, cab, cba\}$

Ch(3)

$T(G) = \{a, b, c\}$
 $Z(G) = \{A_0 \dots A_9\}$
 $S(G) = \{A_0\}$
 $P(G) = \{A_0 \rightarrow a A_1 \mid b A_2 \mid c A_3\}$
 $A_1 \rightarrow b A_4 \mid c A_5$
 $A_2 \rightarrow a A_6 \mid c A_7$
 $A_3 \rightarrow c A_8 \mid b A_9$
 $A_4 \rightarrow c$
 $A_5 \rightarrow b$
 $A_6 \rightarrow c$
 $A_7 \rightarrow a$
 $A_8 \rightarrow b$
 $A_9 \rightarrow a\}$

$I : \{a, b, c\}$
 $S_0 : \{0\}$
 $S \setminus F : \{0 \dots 9\}$
 $F : \{10 \dots 15\}$
 $\sigma = \{ (0, a) \rightarrow 1, (0, b) \rightarrow 2, (0, c) \rightarrow 3, (1, b) \rightarrow 4, (1, c) \rightarrow 5, (2, a) \rightarrow 6, (2, c) \rightarrow 7, (3, a) \rightarrow 8, (3, b) \rightarrow 9, (4, c) \rightarrow 10, (5, b) \rightarrow 11, (6, c) \rightarrow 12, (7, a) \rightarrow 13, (8, b) \rightarrow 14, (9, a) \rightarrow 15 \}$

graphisch



Die Ch(3) Sprache kann mittels eines Programmes (LEX) in C-Quellcode umgewandelt werden, sodaß nach dem Compilieren der Scanner zur Verfügung steht (Dieser erkennt dann die Endzustände der ‚gegangenen‘ Wege.).

Kontextfreie Sprachen / Ch(2) / Syntax

$L(G) = (T(G), Z(G), S(G), P(G))$ wenn für alle $(u, v) \in P(G)$ gilt: $u \in Z(G)$
 Die linke Seite einer Regel besteht aus einem Nichtterminal; rechte Seite beliebig.

$T(G) = \{\text{id}, :=, \text{if}, \text{then}, \text{else}, \text{begin}, \text{end}, \text{goto}, \text{zahl}, +, -, *, (,), /, :\}$
 $Z(G) = \{S, E, T, F, SE\}$ [Statement, Expression, Term, Faktor, Simple Expression]
 $S(G) = \{S\}$
 $P(G) = \{S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S \mid \text{begin } S \dots S \text{ end} \mid \text{goto zahl} \mid \text{id} := E \mid : \text{zahl } S$
 $E \rightarrow -SE$
 $SE \rightarrow SE + T \mid SE - T \mid T$
 $T \rightarrow F \mid T * F \mid T / F$
 $F \rightarrow \text{zahl} \mid \text{id} \mid (E)\}$

Aufgabe

reguläre Menge: RM : {begin, else, end, if, goto, program, then}

$$T(G) = \{a, b, d, e, f, g, h, i, l, m, n, o, p, r, s, t\}$$

$$Z(G) = \{A_0 \dots A_{21}\}$$

$$S(G) = \{A_0\}$$

$$P(G) = \{A_0 \rightarrow bA_1 \mid eA_2 \mid gA_3 \mid iA_4 \mid pA_5 \mid tA_6$$

$$A_1 \rightarrow eA_7 \mid$$

$$A_2 \rightarrow lA_8 \mid nA_9$$

$$A_3 \rightarrow oA_{10},$$

$$A_4 \rightarrow f$$

$$A_5 \rightarrow rA_{11}$$

$$A_6 \rightarrow hA_{12}$$

$$A_7 \rightarrow gA_{13}$$

$$A_8 \rightarrow sA_{14}$$

$$A_9 \rightarrow d$$

$$A_{10} \rightarrow tA_{15}$$

$$A_{11} \rightarrow oA_{16}$$

$$A_{12} \rightarrow eA_{17}$$

$$A_{13} \rightarrow iA_{18}$$

$$A_{14} \rightarrow e$$

$$A_{15} \rightarrow o$$

$$A_{16} \rightarrow gA_{19}$$

$$A_{17} \rightarrow n$$

$$A_{18} \rightarrow n$$

$$A_{19} \rightarrow rA_{10}$$

$$A_{20} \rightarrow aA_{21}$$

$$A_{21} \rightarrow m\}$$

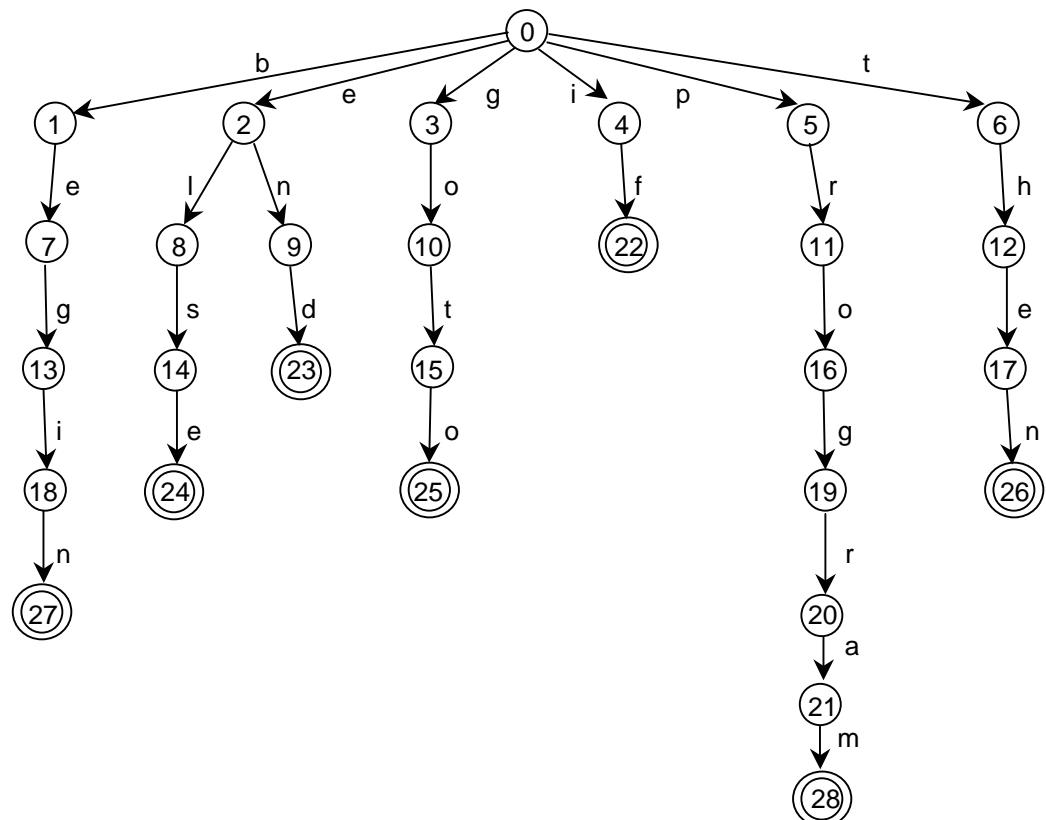
$$I : \{a, b, d, e, f, g, h, i, l, m, n, o, p, r, s, t\}$$

$$S_0 : \{0\}$$

$$S \setminus F : \{1 \dots 21\}$$

$$F : \{22 \dots 28\}$$

$$\sigma = \{ \begin{aligned} (0, b) &\rightarrow 1, \\ (0, e) &\rightarrow 2, \\ (0, g) &\rightarrow 3, \\ (0, i) &\rightarrow 4, \\ (0, p) &\rightarrow 5, \\ (0, t) &\rightarrow 6, \\ (1, e) &\rightarrow 7, \\ (2, l) &\rightarrow 8, \\ (2, n) &\rightarrow 9, \\ (3, o) &\rightarrow 10, \\ (4, f) &\rightarrow 22, \\ (5, r) &\rightarrow 11, \\ (6, h) &\rightarrow 12, \\ (7, g) &\rightarrow 13, \\ (8, s) &\rightarrow 14, \\ (9, d) &\rightarrow 23, \\ (10, t) &\rightarrow 15, \\ (11, o) &\rightarrow 16, \\ (12, e) &\rightarrow 17, \\ (13, i) &\rightarrow 18, \\ (14, e) &\rightarrow 24, \\ (15, o) &\rightarrow 25, \\ (16, g) &\rightarrow 19, \\ (17, n) &\rightarrow 26, \\ (18, n) &\rightarrow 27, \\ (19, r) &\rightarrow 20, \\ (20, a) &\rightarrow 21, \\ (21, m) &\rightarrow 28 \end{aligned} \}$$



kontextfreie Sprachen

- für jedes Nichtterminal eindeutige Übersetzung
($x \rightarrow y, x \rightarrow z$ frei wählbar)
- $T(G) = \{id, +, -, *, /\}$
 $Z(G) = \{E, T, F\}$
 $S(G) = \{E\}$
 $P(G) = \{ E \rightarrow E+T \mid T \\ T \rightarrow T * F \mid F \\ F \rightarrow (E) \mid id \}$

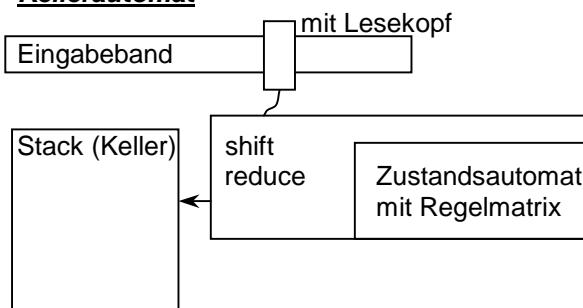
kontextfreier Baum

- enthält die Terminalen am Ende der Äste
(im Baum nur Nichtterminale)

Welcher Automat kann diese kontextfreie Sprache übersetzen?

→ Ein Automat der eine Ch(2)-Sprache übersetzt ist ein **Kellerautomat**.

Kellerautomat



Der Kellerautomat führt zwei Operationen durch (shift / reduce)

a) Analyse

- a. shift → Zeichen unter Lesekopf wird in den Stack eingetragen
- b. reduce → Elemente der rechten Seite einer Regel werden von Stack genommen und durch die linke Seite ersetzt

b) Aufbau des kontextfreien Baumes

- a. shift → Zeichen wird an die Wurzel gehangen
- b. reduce → rechten Teil der Regel von der Wurzel nehmen und linken Teil dranhängen, dann rechten Teil an linken Teil hängen

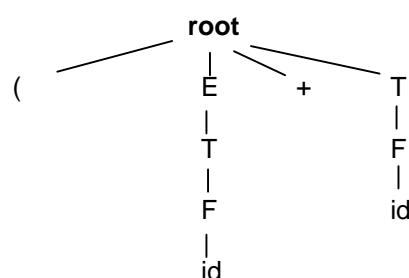
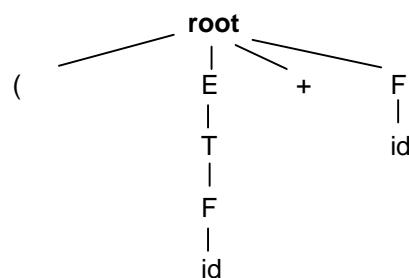
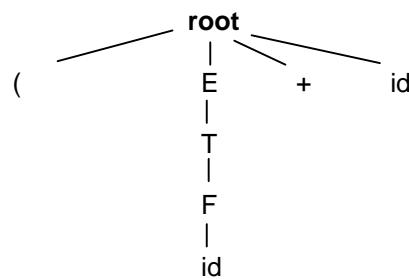
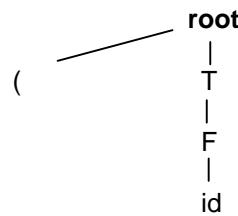
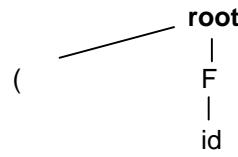
(id + id) * id \$ \$ = Abschlußzeichen

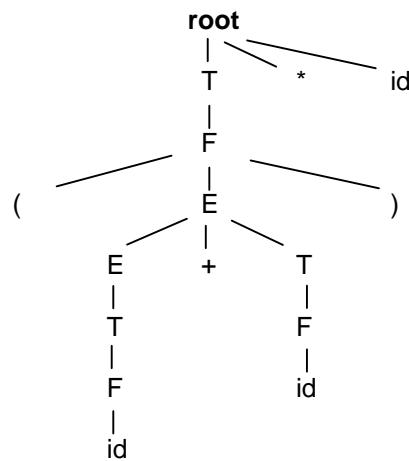
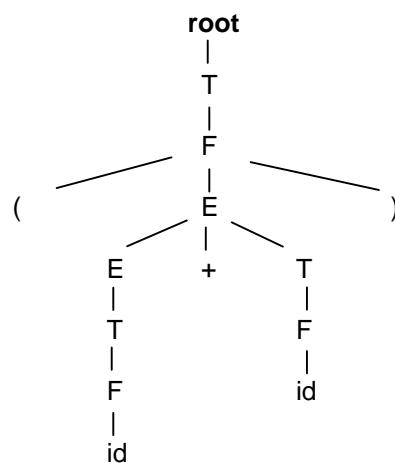
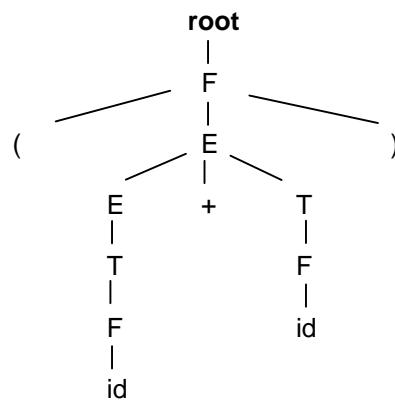
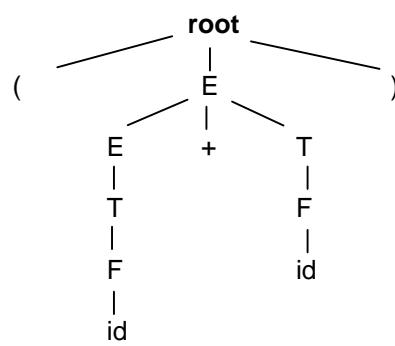
→ steht auf Eingabeband

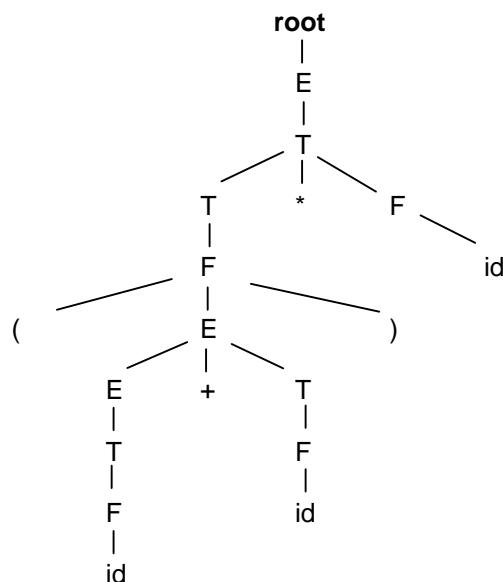
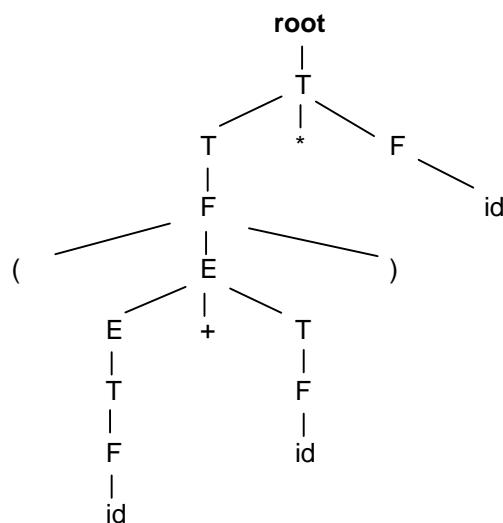
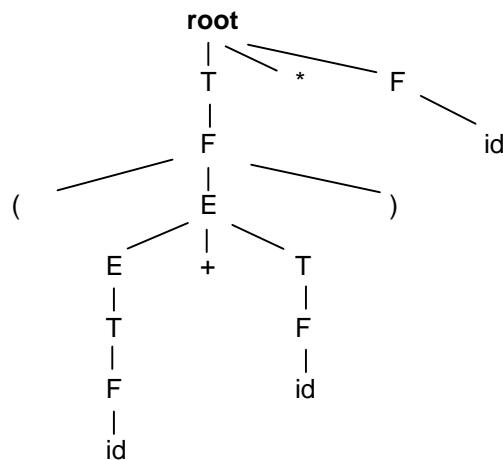
→ soll analysiert werden

Input	Stack	Operation
$(id + id) * id \$$	\$	shift
$id + id) * id \$$	\$(\$	shift
$+ id) * id \$$	\$(\$id	reduce
$+ id) * id \$$	\$(\$F	reduce
$+ id) * id \$$	\$(\$T	reduce
$+ id) * id \$$	\$(\$E	shift
$id) * id \$$	\$(\$E +	shift
$) * id \$$	\$(\$E + id	reduce
$) * id \$$	\$(\$E + F	reduce
$) * id \$$	\$(\$E + T	reduce
$) * id \$$	\$(\$E	shift
$* id \$$	\$(\$E)	reduce
$* id \$$	\$F	reduce
$* id \$$	\$T	shift
$id \$$	\$T *	shift
\$	\$T * id	reduce
\$	\$T * F	reduce
\$	\$T	reduce
\$	\$E	accept!

Baumaufbau



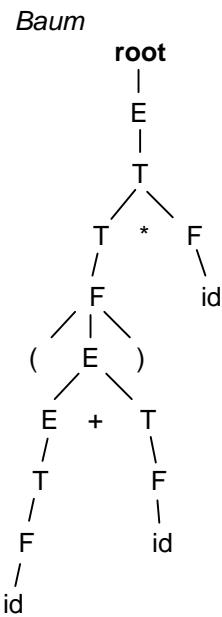




Baumaufbau direkt aus dem Stack

Stack

\$
\$(
\$(id
\$(F
\$(T
\$(E
\$(E +
\$(E + id
\$(E + F
\$(E + T
\$(E
\$(E)
\$F
\$T
\$T *
\$T * id
\$T * F
\$T
\$E



weitere Beispiele

$$P(G) = \{ E \rightarrow E+T \mid T \\ T \rightarrow T * F \mid F \\ F \rightarrow (E) \mid id \}$$

$((id + id) * (id + id))$ analysieren und Baum erzeugen

Input	Operation	Stack
$((id + id) * (id + id)) \$$	\$	shift root
$(id + id) * (id + id) \$$	\$(shift
$id + id) * (id + id) \$$	\$((shift E
$+ id) * (id + id) \$$	\$((id	reduce
$+ id) * (id + id) \$$	\$((F	reduce T
$+ id) * (id + id) \$$	\$((T	reduce
$+ id) * (id + id) \$$	\$((E	shift F
$id) * (id + id) \$$	\$((E +	shift
$) * (id + id) \$$	\$((E + id	(E)
$) * (id + id) \$$	\$((E + F	
$) * (id + id) \$$	\$((E + T	T
$) * (id + id) \$$	\$((E	shift
$* (id + id) \$$	\$((E)	reduce T * F
$* (id + id) \$$	\$F	
$* (id + id) \$$	\$T	F (E)
$(id + id) \$$	\$T *	
$id + id) \$$	\$T * ((E)
$+ id) \$$	\$T * (id	
$+ id) \$$	\$T * (F	E + T
$+ id) \$$	\$T * (T	
$+ id) \$$	\$T * (E	T F F
$id) \$$	\$T * (E +	
$) \$$	\$T * (E + id	F id id
$) \$$	\$T * (E + F	
$) \$$	\$T * (E + T	id
$) \$$	\$T * (E	
$) \$$	\$T * (E)	
$) \$$	\$T * F	
$) \$$	\$T	
$) \$$	\$E	
$\$$	\$E	
$\$$	\$F	
$\$$	\$T	
$\$$	\$E	
		accept!

$$P(G) = \{ E \rightarrow E+T \mid T \\ T \rightarrow T * F \mid F \\ F \rightarrow (E) \mid id \}$$

((id)) id analysieren und Baum erzeugen

Input	Stack	Operation
((id)) id \$	\$	shift
((id)) id) \$	\$()	shift
(id)) id) \$	\$((shift
id)) id) \$	\$(((shift
) id) \$	\$(((id	reduce
) id) \$	\$(((F	reduce
) id) \$	\$(((T	reduce
) id) \$	\$(((E	shift
) id) \$	\$(((E)	reduce
) id) \$	\$((F	reduce
) id) \$	\$((T	reduce
) id) \$	\$((E	shift
id) \$	\$((E)	reduce
id) \$	\$F	reduce
id) \$	\$T	reduce
id) \$	\$E	shift
) \$	\$E id	error!, keine Regel definiert

Top-Down – Parsing

- wird kaum noch verwendet
- nur möglich, wenn die Sprache eine sogenannte LL(1)-Sprache ist
(eine Sprache, die von links orientiert ist [man erkennt am linken Zeichen der Regel, welche Regel verwendet wird], Beispiel oben ist keine LL(1)-Sprache)

LL(1): $(S) \rightarrow \text{if } E \text{ then } S_1 \mid \text{repeat } S \text{ until } E \mid \text{while } E \text{ do } S \mid \text{var } E \mid \text{begin } S \ S_2 \text{ end}$

$S_1 \rightarrow \emptyset \mid \text{else } S$

$S_2 \rightarrow \emptyset \mid \text{else } S$

$E \rightarrow +ET \mid T$

$T \rightarrow *TF \mid F$

$F \rightarrow \text{id} \mid (E)$

MINI – eigene Sprache

MINI Identifier = Buchstaben
Zahlen = Ziffern

Datentypen

- if, then, else, goto
- if - then Zuweisung
- begin ... end
- program

Operatoren

- +, -, /, &, *, =, <, >, <>, =<, =>

$\alpha = a \dots z$

$\beta = 0 \dots 9$

Ch(3) →

T(G) = {α, β, +, -, *, /, &, =, <, >, :, _, (,)}

Z(G) = {A₀ ... A₄₅}

S(G) = {A₀}

P(G) = {A ₀ →	_A ₀ αA ₁ βA ₂ +A ₃ -A ₄ *A ₅ /A ₆ &A ₇ (A ₈)A ₉ :A ₁₀ =A ₁₁ <A ₁₂ >A ₁₃
	bA ₁₄ eA ₁₅ gA ₁₆ iA ₁₇ pA ₈ tA ₁₉
A ₁ →	αA ₁ _
A ₂ →	βA ₂ _
A ₃ →	_
A ₄ →	_
A ₅ →	_
A ₆ →	A ₂₆ → nA ₂₇
A ₇ →	A ₂₇ → _
A ₈ →	A ₂₈ → dA ₂₉
A ₉ →	A ₂₉ → _
A ₁₀ →	A ₃₀ → sA ₃₁
A ₁₁ →	A ₃₁ → eA ₃₂
A ₁₂ →	A ₃₂ → _
A ₁₃ →	A ₃₃ → tA ₃₄
A ₁₄ →	A ₃₄ → oA ₃₅
A ₁₅ →	A ₃₅ → _
A ₁₆ →	A ₃₆ → oA ₃₃
A ₁₇ →	A ₃₇ → fA ₃₆
A ₁₈ →	A ₃₈ → gA ₃₉
A ₁₉ →	A ₃₉ → rA ₄₀
A ₂₀ →	A ₄₀ → hA ₄₁
A ₂₁ →	A ₄₁ → aA ₄₂
A ₂₂ →	A ₄₂ → mA ₄₂
A ₂₃ →	A ₄₃ → _
A ₂₄ →	A ₄₄ → eA ₄₄
A ₂₅ →	A ₄₅ → nA ₄₅
	A ₄₅ → _}

4 verschiedene Outputs

- (id, „name“)
- (zahl, „ziffer“)
- (op, „art“)
- (longword, „art“)

Ch(2) Sprache definieren

Syntax

Terminalsymbole

T(G) = {id, Zahl, +, -, *, /, (,), &, =, =<, =>, <, >, :, :=, begin, end, else, if, goto, then, program, \$}

Nichtterminale

Z(G) = {P, S, S₁, S₂, E, SE, T, F, V} // V = Variable

S(G) = {P}

P(G) = {P → program id begin S S ₁
S → : Zahl S goto Zahl V := E begin S S ₁ if E then S S ₂
S ₁ → S S ₁ end
S ₂ → else S Ø
E → -SE SE E = E E == E E => E E > E E < E E <> E
SE → T SE + T SE - T
T → F T * F T / F T & F
F → id (E) Zahl
V → id }

Beispielprogramm das mit dieser Sprache erstellbar wäre:

```

program mist
begin
    x := 100
    y := 200
    z := 300
:1001
    if x = y then
        z := 400 + z + x + y
    else
    begin
        x := x + 1
        goto 1001
    end
end

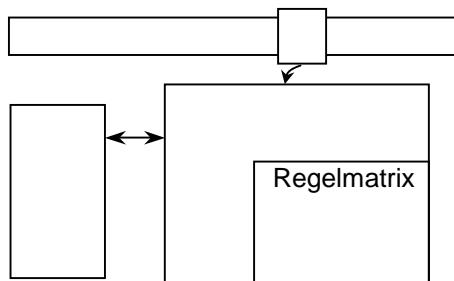
```

Compiler

Frontend

- lexikalische Analyse
- Syntaxanalyse
- shift / reduce – Parser → kommt jetzt

Regelmatrix



Regelmatrix

$$T(G) = \{+, *, (,), id, \$\}$$

$$Z(G) = \{E, T, F\}$$

$$S(G) = \{E\}$$

$$P(G) = \{E \rightarrow E + T \quad r_1$$

$$E \rightarrow T \quad r_2$$

$$T \rightarrow T * F \quad r_3$$

$$T \rightarrow F \quad r_4$$

$$F \rightarrow id \quad r_5$$

$$F \rightarrow (E)\}$$

r_1

r_2

r_3

r_4

r_5

r_6

Regelmatrix

Nach dieser Matrix ist der input-stream zu analysieren.

	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s5			s4			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4	s5			s4			8	2	3
5		r5	r5		r5	r5			
6	s5			s4				9	3
7	s5			s4					10
8		s6			s11				
9		r1	s2		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r6	r6		r6	r6			

<i>id+id\$</i>		
Input	Stack	Operation
id+id\$	\$0	shift
+id\$	\$0id5	matrix: 5
+id\$	\$0F3	matrix: 3
+id\$	\$0T2	matrix: 2
+id\$	\$0E1	shift
id\$	\$0E1+6	shift
\$	\$0E1+6id5	matrix: 5
\$	\$0E1+6F3	matrix: 3
\$	\$0E1+6T9	matrix: 9
\$	\$0E1	accept

<i>id*id\$</i>		
Input	Stack	Operation
id*id\$	\$0	shift
*id\$	\$0id5	matrix: 5
*id\$	\$0F3	matrix: 3
*id\$	\$0T2	matrix: 2
id\$	\$0T2*7	matrix: 7
\$	\$0T2*7id5	matrix: 5
\$	\$0T2*7F10	matrix: 10
\$	\$0T2	matrix: 2
\$	\$0E1	accept

<i>(id)\$</i>		
Input	Stack	Operation
(id)\$	\$0	shift
id\$	\$0(4	shift
)\$	\$0(4id5	matrix: 5
)\$	\$0(4F3	matrix: 3
)\$	\$0(4T2	matrix: 2
)\$	\$0(4E8	matrix: 8
\$	\$0(4E)11	matrix: 11
\$	\$0F3	matrix: 3
\$	\$0T2	matrix: 2
\$	\$0E1	accept

<i>(id+id)*id\$</i>		
Input	Stack	Operation
(id+id)*id\$	\$0	shift
id+id)*id\$	\$0(4	shift
+id)*id\$	\$0(4id5	matrix: 5
+id)*id\$	\$0(4F3	matrix: 3
+id)*id\$	\$0(4T2	matrix: 2
+id)*id\$	\$0(4E8	matrix: 8
id)*id\$	\$0(4E8+6	matrix: 6
id)*id\$	\$0(4E8+6	shift
)*id\$	\$0(4E8+6id5	matrix: 5
)*id\$	\$0(4E8+6F3	matrix: 3
)*id\$	\$0(4E8+6T9	matrix: 9
)*id\$	\$0(4E8	shift
*id\$	\$0(4E8)11	matrix: 11
*id\$	\$0F3	matrix: 3
*id\$	\$0T2	shift
id\$	\$0T2*7	shift
\$	\$0T2*7id5	matrix: 5
\$	\$0T2*7F10	matrix: 10
\$	\$0T2	matrix: 2
\$	\$0E1	accept

<i>(id+*id)\$</i>		
Input	Stack	Operation
(id+*id)\$	\$0	shift
id+*id)\$	\$0(4	shift
+*id)\$	\$0(4id5	matrix: 5
+*id)\$	\$0(4F3	matrix: 3
+*id)\$	\$0(4T2	matrix: 2
+*id)\$	\$0(4E8	shift
*id)\$	\$0(4E8+6	error (nach + kann nicht * folgen → keine Regel)

$$T(G) = \{+, *, (,), id, \$\}$$

$$Z(G) = \{E, T, F\}$$

$$S(G) = \{E\}$$

P(G) = {	E → E + T	r1
	E → T	r2
	E → T * F	r3
	T → F	r4
	F → id	r5
	F → (E)	r6

Regelmatrix erstellen

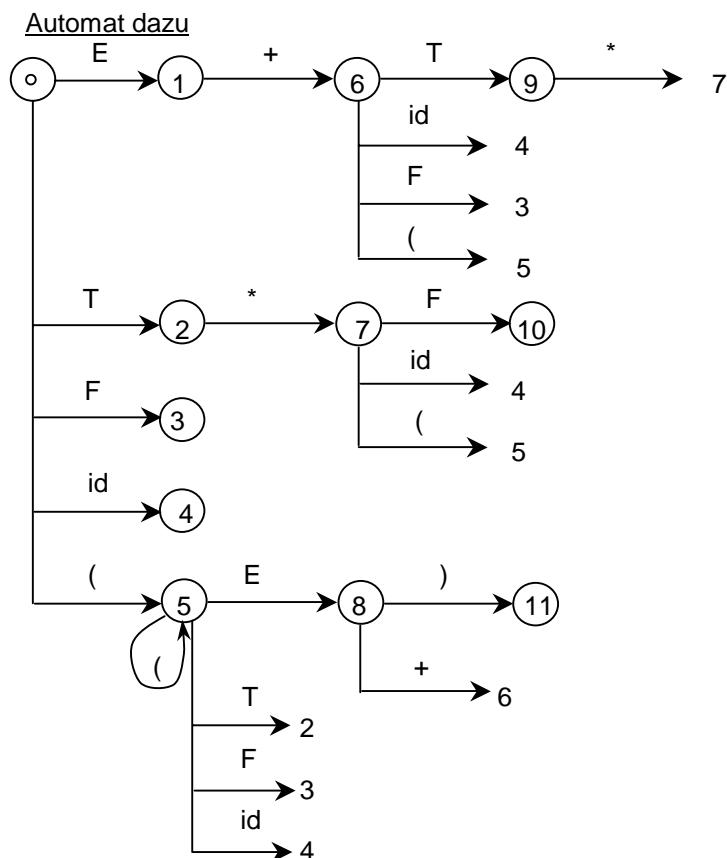
- 1) Kanonische LR(0) – Mengen aufbauen
- 2) Erzeugen eines Zustandsautomaten
- 3) Matrix ableiten

zu 1)

- Operator . (Punkt) der uns den aktuellen Stand bei der Abarbeitung einer Regel darstellt
- E → .E + T → vor der Abarbeitung
- E → E .+ T → E wurde erkannt (+ folgt)
- E → E + T. → eine Regel wurde abgearbeitet
- Metaregel: E' → E

Dann beginnt mit Menge I₀ mit E' → .E wenn der Punkt vor einem Nichtterminal steht werden alle folgenden ableitbaren Regeln in die Menge eingetragen.

I ₀	E' → .E	I ₆	E → E + .T
	E → .E + T		T → .T * F
	E → .T		T → .F
	T → .T * F		F → .id
	T → .F		F → .(E)
	F → .id	I ₇	T → T * .F
	F → .(E)		F → .id
I ₁	E' → E.		F → .(E)
	E → E. + T	I ₈	(E.)
I ₂	E → T.		E → E. + T
	T → T. * F	I ₉	E → E + T.
I ₃	T → F.		T → T. * F
I ₄	F → id.	I ₁₀	T → T * F.
I ₅	F → (.)E	I ₁₁	F → (E).
	E → .E + T		



Zustandsautomaten erzeugen

zu 3)

- a) in Zeile i bei $\$ = (i, \$)$ kommt acc mit $i = l_i$ in der $E' \rightarrow E$.
- b) mit $(i, a) \rightarrow j$ und $a = \text{Terminal}$ wird s_j in Zeile i Spalte a eingetragen (s - shift)
- c) mit $(i, a) \rightarrow j$ mit $a = \text{Nichtterminal}$ wird j in Zeile i und Spalte a eingetragen
- d) in l_i ist eine Regel j abgeschlossen in der Form $x \rightarrow s_0$ dann wird j in $(i, \text{Follow}(x))$ eingetragen
 $E \rightarrow E + T$. $E = x$
 $\text{Follow}(E) = +,), \$$
 $\text{Follow}(T) = +, *,), \$$
 $\text{Follow}(F) = +, *,), \$$
- e) sonst Fehler

abgeschlossenen Regeln in 1, 2, 3, 4, 9 und 11

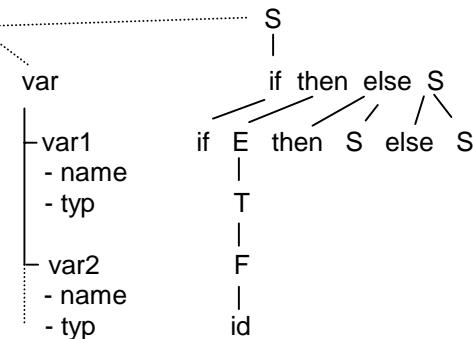
	id	+	*	()	\$	E	T	F
0	s4			s5			1	2	3
1		s6				acc			
2		r2	s7		r2	r2			
3		r4	r4		r4	r4			
4		r5	r5		r5	r5			
5	s4			s5			8	2	3
6	s4			s5				9	3
7	s4			s5					10
8		s6			s11				
9		r1	s7		r1	r1			
10		r3	r3		r3	r3			
11		r6	r6		r6	r6			

Semantische Analyse

Kontextfreier Baum ist Input der semantischen Analyse

Ziel:

- semantische Korrektheit überprüfen
 - o Vollständigkeit der Deklaration
 - o Typverträglichkeit
 - o Operationsverträglichkeit
- Erzeugen eines kontextsensitiven Baumes verknüpft mit den Symboltabellen



Deklarationsteil

Definition von Konstanten, Typen, Variablen und Labels

→ Symboltabellen

type id

- Größe, Art

Konstanten

- id, Wert

Variablen

- id, type

3 Adresscode (Backend)

Frontend

- lexikalische Analyse
- syntaktische Analyse
- semantische Analyse
- kontextabhängiger Baum, Symboltabelle

Text

Tokenstring

kontextfreier Baum

Backend Codegenerierung

Objektcodegenerierung

→ um Maschinen unabhängigen Code zu erhalten (3 Adresscode, DIN)

Maschinencodegenerierung

Befehl: Typunabhängig

3 Parameter (die nicht alle belegt sein müssen, meist ist mindestens ein Register mit dabei (temp))

Operationen

- integer	intadd(op1, op2, temp) →	op1 + op2 → temp
	intsub(op1, op2, temp) →	op1 - op2 → temp
	intmult(op1, op2, temp)	
	intdiv(op1, op2, temp) →	op1 / op2 → temp (ganzzahliger Wert ohne Rest)
	intmod(op1, op2, temp)	gibt Rest der Operation in temp zurück
- real	realadd(op1, op2, temp)	
	realsub(op1, op2, temp)	
	realdiv(op1, op2, temp)	
	realmult(op1, op2, temp)	
- boolean	boolnot(op1, , temp)	(2. Operator wird nicht verwendet)
	boolor(op1, op2, temp)	
	booland(op1, op2, temp)	
- char	charpre(op1, , temp)	(Vorgänger)
	charsuc(op1, , temp)	(Nachfolger)

Beispiel: a + b + c + d

intadd(a, b, temp)
intadd(temp, c, temp)
intadd(temp, d, temp)

Zuweisungen

load(op1, , temp)	weist op1 temp - Wert zu
assign(temp, , op1)	weist temp op1 - Wert zu

Vergleiche

compeq(op1, op2, temp)	=
compne(op1, op2, temp)	<>
compgt(op1, op2, temp)	>
compls(op1, op2, temp)	<
compge(op1, op2, temp)	>=
comple(op1, op2, temp)	<=

Label

Label(, , L1)

Sprünge

branch(, , L1)
branchtrue(temp, , L1)
branchfalse(temp, , L1)

Beispiele:

```
if x = y then
    a := a + 1
else
    a := a + 3
```

Label(, , L1)
 Label(, , L2)
// Bedingung:
 compeq(x, y, temp)
 branchfalse(temp, , L1)
 intadd(a, 1, temp) *// then-Fall: a +1 in Register schreiben*
 assign(temp, , a) *// und wieder zu a zuweisen*
 branch(, , L2)
 L1: intadd(a, 3, temp)
 assign(temp, , a)
 L2: *// hier kann auch der then-Fall hingeschrieben werden (sieht besser aus)*

```
repeat
    n := n + 2
    i := i - 1
until i <= 0
```

Label(, , L1)
 L1: intadd(n, 2, temp) *// repeat-Befehle ausführen*
 assign(temp, , n)
 intsub(i, 1, temp)
 assign(temp, , i)
 comple(i, 0, temp) *// wenn Abbruchbedingung nicht erfüllt → Rücksprung zum Anfang*
 branchfalse(temp, , L1)

```
while (i > 0) do
    n := n + 2
    i := i - 1

Label( , , L1)
Label( , , L1)
L2: compgt(i, 0, temp)           // wenn i nicht größer als 0 ist → Abbruch
    branchfalse(temp, , L1)
    intadd(n, 2, temp)
    assign(temp, , n)
    intsub(i, 1, temp)
    assign(temp, , i)
    branch( , , L2)

L1:
for (i = 1 to m) do
    n := n + 2

Label( , , L1)
Label( , , L2)
assign(1, , i)
L2: comple(i, m, temp)
    branchfalse(temp, , L1)      // Abbruch wenn m > i
    intadd(n, 2, temp)
    assign(temp, , n)
    intadd(i, 1, temp)          // i erhöhen
    assign(temp, , i)
    branch( , , L2)

L1:
```